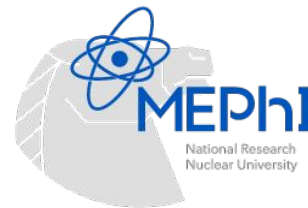
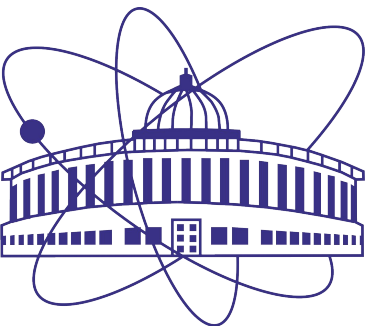


# Измерение потоков в эксперименте MPD с фиксированной мишенью на коллайдере NICA

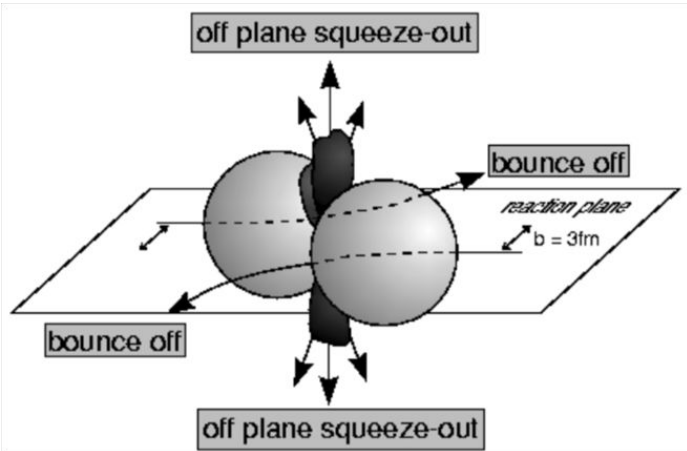
Парфенов П.Е., Мамаев М.В., Тараненко А.В.  
(ОИЯИ, НИЯУ МИФИ)

Научная сессия секции ядерной физики ОФН РАН  
1-5 апреля 2024

*Работа поддержана Министерством науки и высшего образования РФ,  
проект "Фундаментальные и прикладные исследования на  
экспериментальном комплексе класса мегасайенс NICA" №  
FSWU-2024-0024*



# Анизотропные потоки адронов



Азимутальное распределение рожденных частиц от  $\Psi_{RP}$ :

$$\rho(\varphi - \Psi_{RP}) = \frac{1}{2\pi} \left( 1 + 2 \sum_{n=1}^{\infty} v_n \cos n(\varphi - \Psi_{RP}) \right)$$

Коллективные потоки  $v_n$  - коэффициенты ряда Фурье:

$$v_n = \langle \cos [n(\varphi - \Psi_{RP})] \rangle$$

$v_1$  - направленный поток,  $v_2$  - эллиптический поток

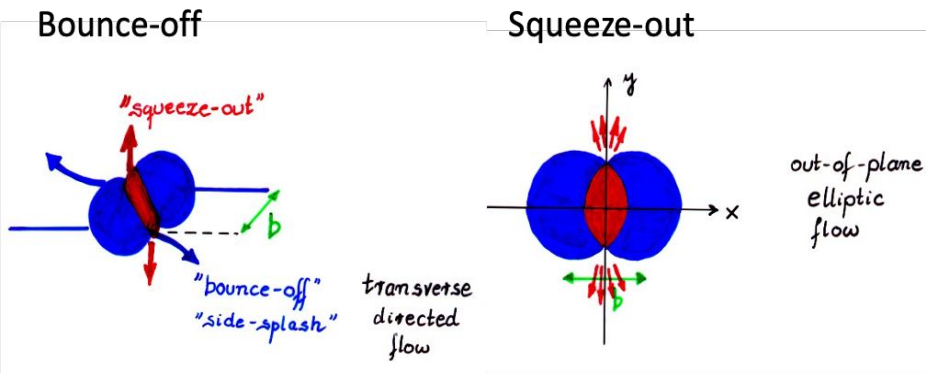
**Коллективные потоки чувствительны к:**

- Сжатием материи, созданной в ядро-ядерном столкновении

$$(t_{exp} = R/c_s, \quad c_s = c\sqrt{dp/d\varepsilon})$$

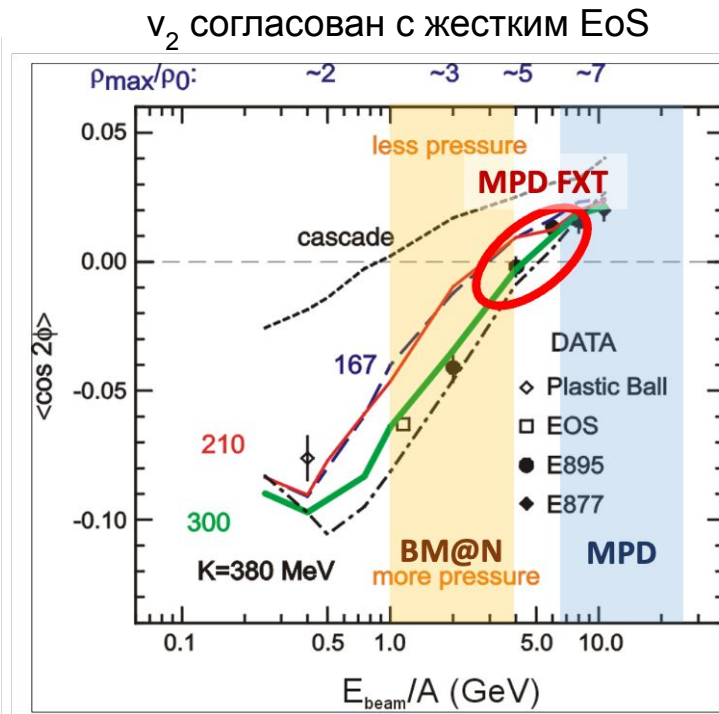
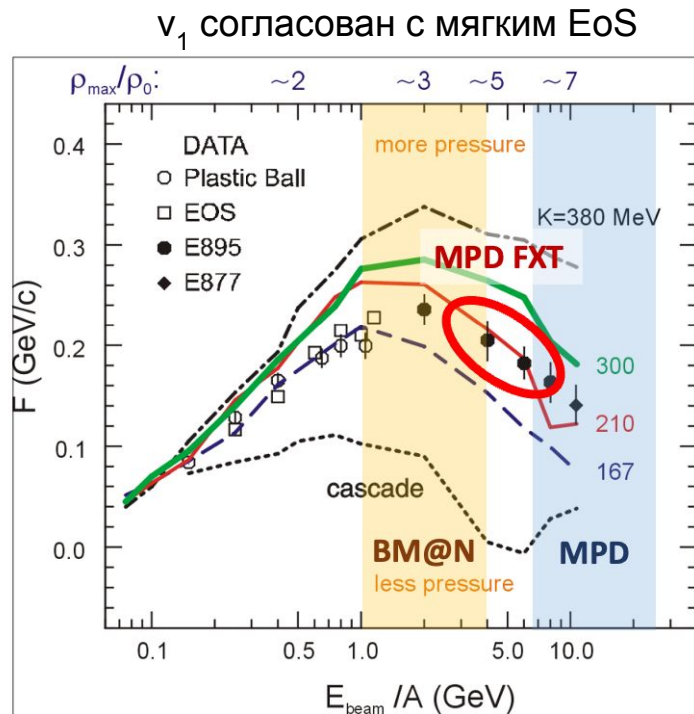
- Времени взаимодействия области нуклонов-участников и зрителей

$$(t_{pass} = 2R/\gamma_{CM}\beta_{CM})$$



# $v_n$ при энергиях Нуклотрон-NICA

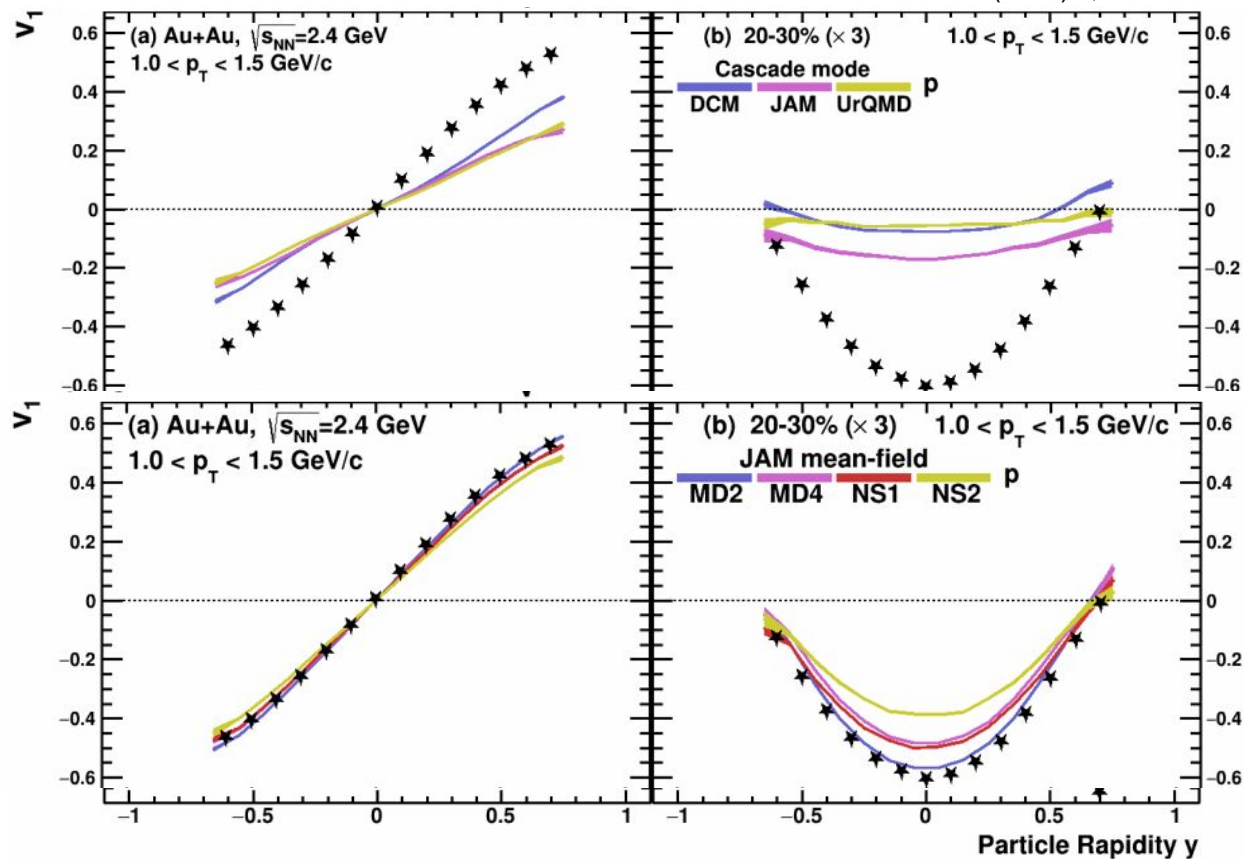
P. DANIELEWICZ, R. LACEY, W. LYNCH  
10.1126/science.1078070



- Данные  $v_n$  из E895 эксперимента могут быть неоднозначно трактованы:
  - $v_1$  согласован с мягким EoS, а  $v_2$  согласован с жестким EoS
- Дополнительные измерения необходимы для уточнения предыдущих измерений

# Выбор модели ядро-ядерного столкновения

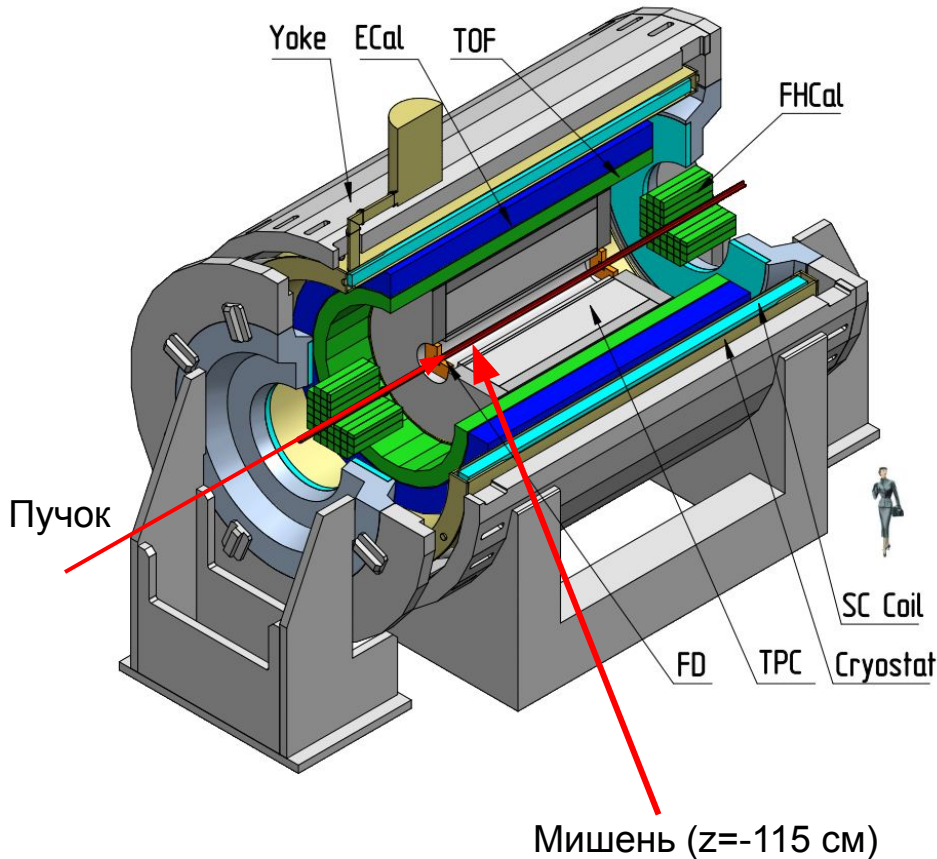
P.Parfenov Particles 5 (2022) 4, 561-579



Модели с каскадным режимом работы не могут воспроизвести  $v_n$  при низких энергиях ядро-ядерных столкновений

Модели с режимом работы среднего поля (mean-field) довольно хорошо воспроизводят  $v_n$

# MPD в режиме работы с фиксированной мишенью (MPD-FXT)



- Модель: UrQMD mean-field
  - 10M, Bi+Bi,  $E_{kin} = 1.45A$  ГэВ ( $\sqrt{s_{NN}} = 2.5$  ГэВ)
  - 10M, Bi+Bi,  $E_{kin} = 2.92A$  ГэВ ( $\sqrt{s_{NN}} = 3.0$  ГэВ)
  - 10M, Bi+Bi,  $E_{kin} = 4.65A$  ГэВ ( $\sqrt{s_{NN}} = 3.5$  ГэВ)
- Точечная мишень в  $z = -115$  см
- GEANT4 для симуляции детекторного отклика
- Центральность, определенная по множественности заряженных частиц
- Идентификация частиц основана на  $dE/dx$  (TPC) и  $m^2$  (TOF+TPC)
- Отбор первичных частиц:  $DCA < 1$  см
- Отбор по качеству треков частиц:
  - $N_{hits} > 27$  (протоны),  $N_{hits} > 22$  (пионы)

# Процедура определения центральности: Г-fit метод

Отношение между множественностью  $N_{ch}$  и

прицельным параметром  $b$  задается

флуктуационным ядром:

$$P(N_{ch}|c_b) = \frac{1}{\Gamma(k(c_b))\theta^k} N_{ch}^{k(c_b)-1} e^{-N_{ch}/\theta} \quad \frac{\sigma^2}{\langle N_{ch} \rangle} = \theta \approx const, k = \frac{\langle N_{ch} \rangle}{\theta}$$

$$c_b = \int_0^b P(b') db' \quad \text{– центральность по прицельному параметру}$$

Зависимость средней множественности от

центральности задается с помощью

параметризации:

$$\langle N_{ch} \rangle = N_{knee} \exp\left(\sum_{j=1}^3 a_j c_b^j\right) \quad N_{knee}, \theta, a_j \text{ - 5 параметров}$$

Параметризация множественности и прицельного

параметра:

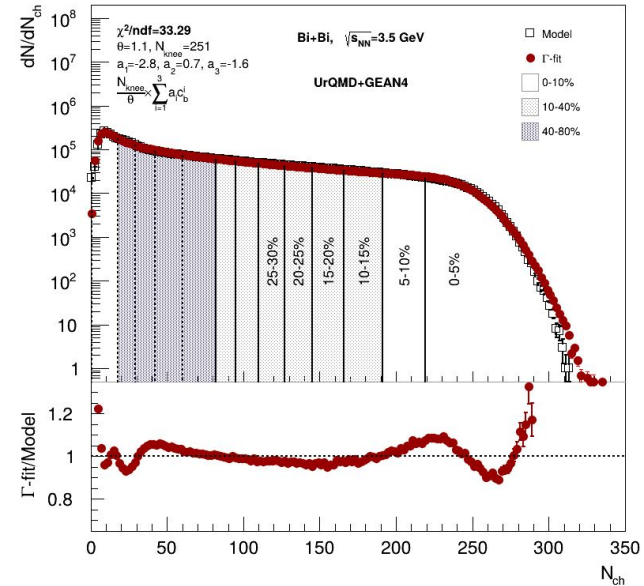
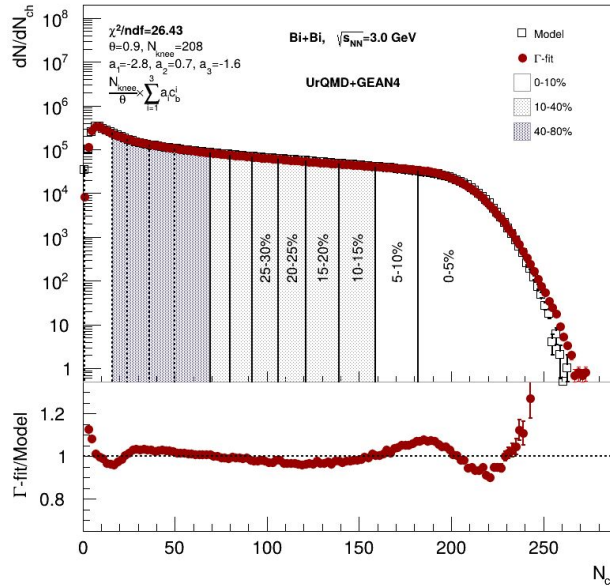
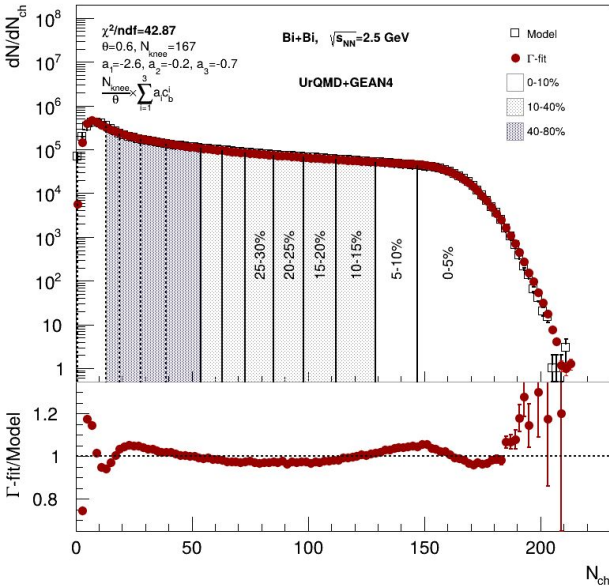
$$P(N_{ch}) = \int_0^1 P(N_{ch}|c_b) dc_b \quad P(b|n_1 < N_{ch} < n_2) = P(b) \frac{\int_{n_1}^{n_2} P(N_{ch}|b) dN_{ch}}{\int_{n_1}^{n_2} P(N_{ch}) dN_{ch}}$$

**Метод состоит из 2 этапов:**

Параметризация данных множественности  $P(N_{ch})$

Построение  $P(b|E)$ , используя обратную теорему Байеса

# Процедура определения центральности: Результаты



Отбор по трекам частиц:

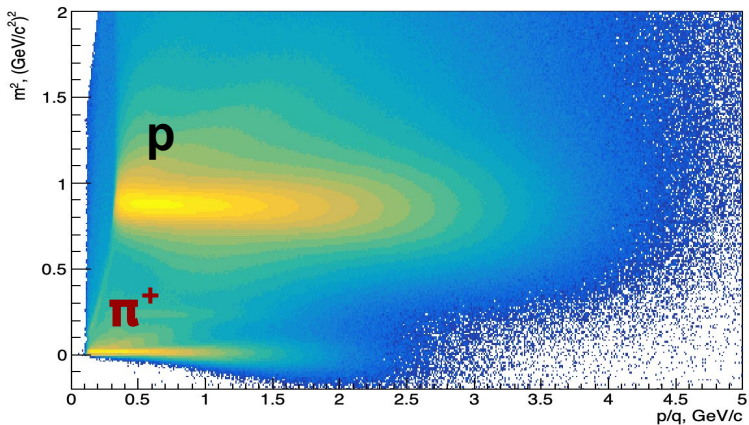
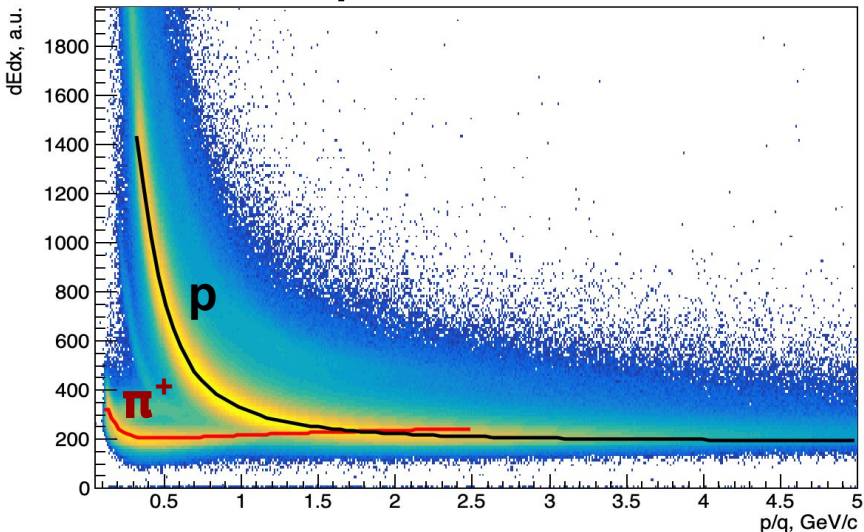
- $N_{\text{hits}} > 16$
- $0 < \eta < 2$

Хорошее согласие данных с параметризацией

Используется процедура определения центральности с помощью множественности частиц, основанная на обратной теореме Байеса ( $\Gamma$ -fit или inverse Bayes)



# Идентификация частиц



Для  $dE/dx$  параметризация формулы Бете-Блоха:

$$f(\beta\gamma) = \frac{p_1}{\beta^{p_4}} \left( p_2 - \beta^{p_4} - \ln \left( p_3 + \frac{1}{(\beta\gamma)^{p_5}} \right) \right)$$

$$\beta^2 = \frac{p^2}{m^2 + p^2}, \beta\gamma = \frac{p}{m} \quad p_i - \text{параметры}$$

Величину  $(dE/dx - f(\beta\gamma))/f(\beta\gamma)$  можно параметризовать гауссом при разных  $p/q$  и получить  $\sigma_p(dE/dx)$

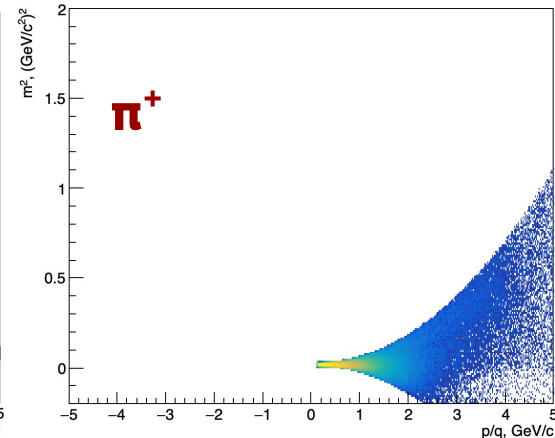
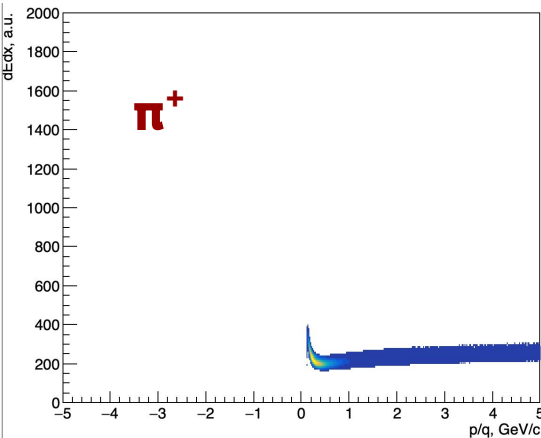
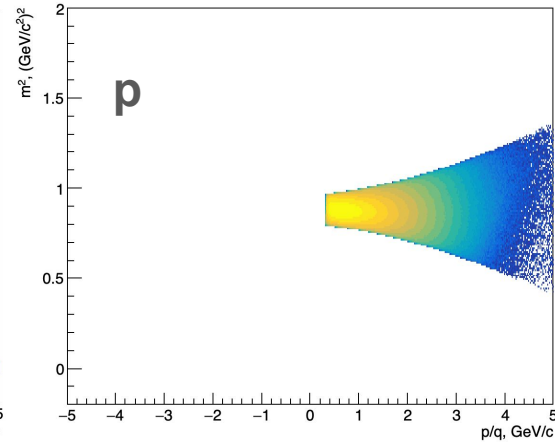
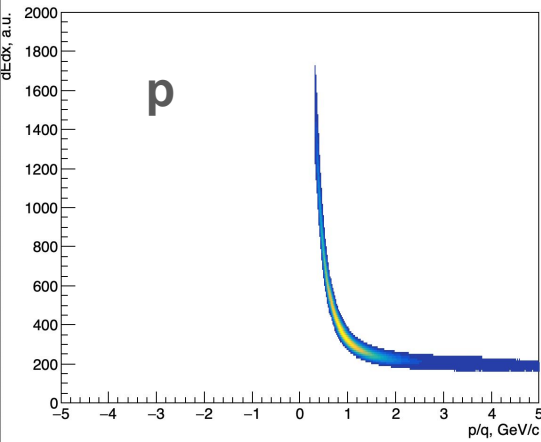
$m^2$  можно параметризовать гауссом при разных  $p/q$  и получить  $\sigma_p(m^2)$

**Координаты (x,y) для отбора частиц:**

$$x_p = \frac{(dE/dx)^{meas} - (dE/dx)_p^{fit}}{(dE/dx)_p^{fit} \sigma_p}, \quad y_p = \frac{m^2 - m_p^2}{\sigma_p^2}$$



# Идентификация частиц: Результаты



$$x_p = \frac{(dE/dx)^{meas} - (dE/dx)_p^{fit}}{(dE/dx)_p^{fit} \sigma_p^{dE/dx}}$$

$$y_p = \frac{m^2 - m_p^2}{\sigma_p^{m^2}}$$

Протоны:

$$\sqrt{x_p^2 + y_p^2} < 2, \sqrt{x_\pi^2 + y_\pi^2} > 3$$

Пионы (π<sup>+</sup>):

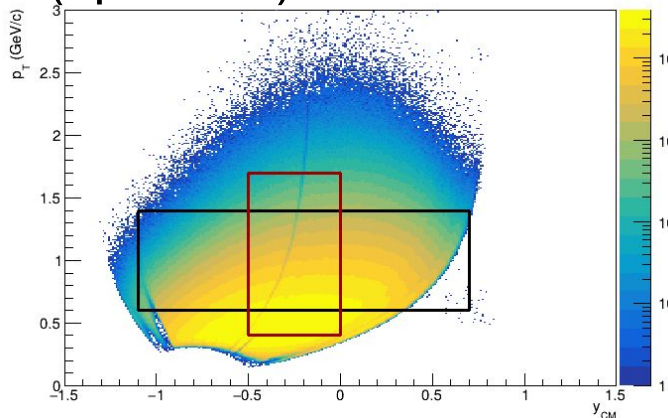
$$\sqrt{x_\pi^2 + y_\pi^2} < 2, \sqrt{x_p^2 + y_p^2} > 3$$

Пионы (π<sup>-</sup>):

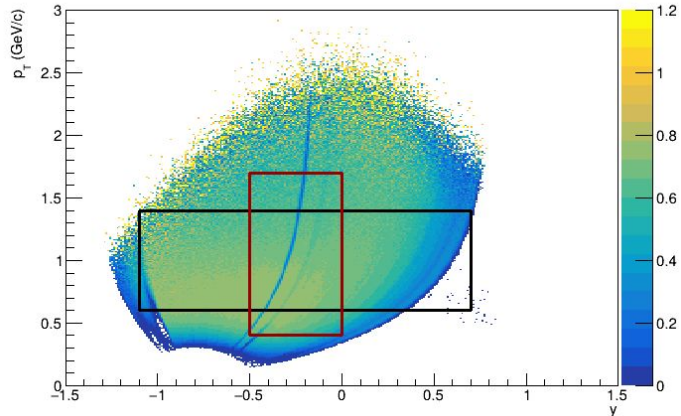
Отрицательный заряд (q < 0)

# Распределения ( $y$ - $p_T$ ), эффективности и $\delta p_T$ (протоны)

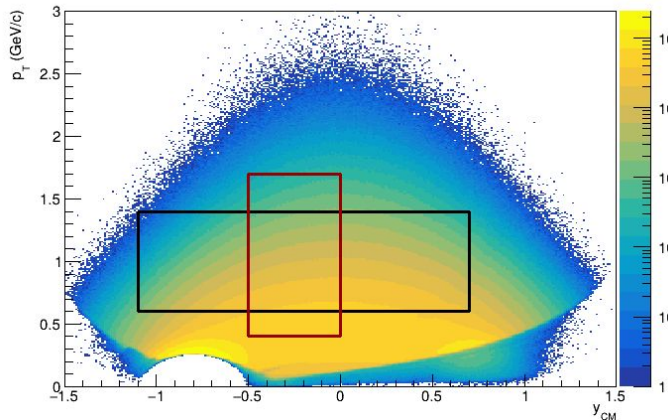
Reconstructed protons  $Y_{cm}$ - $p_T$



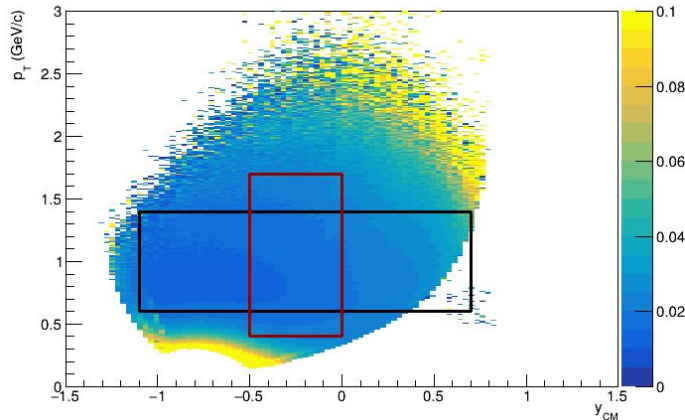
Efficiency ( $Y$ - $p_T$ ) of primary protons



Simulated protons  $Y_{cm}$ - $p_T$



Pt-resolution for reconstructed protons in  $Y_{cm}$ - $p_T$  plane



$$\text{eff} = \frac{\frac{dN}{dydp_T}(\text{reco})}{\frac{dN}{dydp_T}(\text{sim})}$$

$$\Delta p_T = \frac{|p_T^{\text{reco}} - p_T^{\text{mc}}|}{p_T^{\text{mc}}}$$

**Bi+Bi  $\sqrt{s_{NN}}=2.5$  ГэВ**

Отбор на треки частиц:

- $N_{\text{hits}} > 27$
- $DCA < 1$  cm
- PID (TPC+TOF)

Отбор на mc частицы:

- PID (pdg код)
- Первичные (motherId)

**Черный прямоугольник:**

окно ( $y$ - $p_T$ ) для  $v_n(y)$

**Красный прямоугольник:**

окно ( $y$ - $p_T$ ) для  $v_n(p_T)$

# Измерение потоков: $u$ - и $Q$ -вектора

Для каждой измеренной частицы определяется  $u_n$ -вектор в азимутальной плоскости:

$$u_n = e^{in\phi}$$

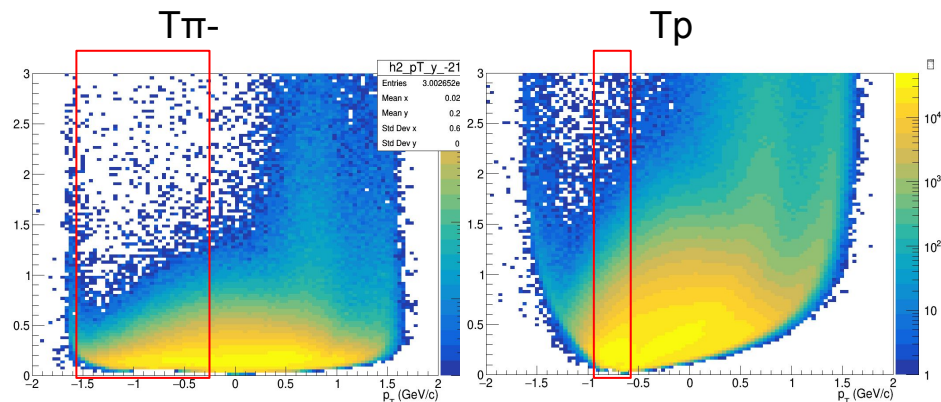
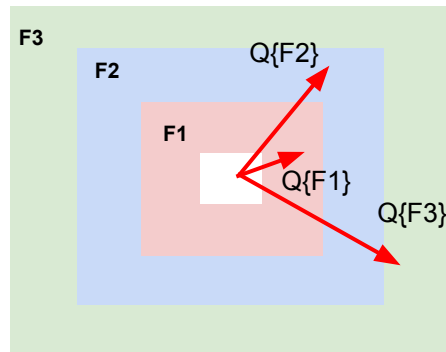
где  $\phi$  - азимутальный угол частицы

Взвешенная сумма по группе  $u_n$ -векторов в событии называется  $Q_n$ -вектором:

$$Q_n = \frac{\sum_{k=1}^N w_n^k u_n^k}{\sum_{k=1}^N w_n^k} = |Q_n| e^{in\Psi_n^{EP}}$$

$\Psi_n^{EP}$  - плоскость события (симметрии)

Модули FHCaI разделены на 3 группы: F1, F2, F3



**Дополнительные подсобытия из трекинговой системы:**

**Тр:**  $p$ ;  $-1.0 < y < -0.6$ ;

**Тп-:**  $\pi^-$ ;  $-1.5 < y < -0.2$ ;

# Измерение потоков: метод скалярных произведений

Метод проверен в M Mamaev et al 2020 PPNuclei 53, 277–281  
 BM@N, HADES: M Mamaev et al 2020 J. Phys.: Conf. Ser. 1690 012122

Метод скалярных произведений (SP):

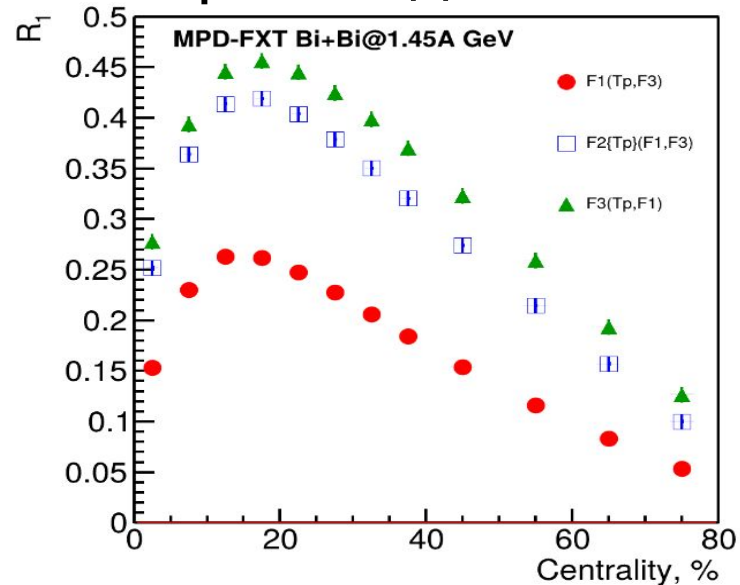
$$v_1 = \frac{\langle u_1 Q_1^{F1} \rangle}{R_1^{F1}} \quad v_2 = \frac{\langle u_2 Q_1^{F1} Q_1^{F3} \rangle}{R_1^{F1} R_1^{F3}}$$

Где  $R_1$  - разрешение плоскости симметрии:

$$R_1^{F1} = \langle \cos(\Psi_1^{F1} - \Psi_1^{RP}) \rangle$$

Символ “F2(F1,F3)” означает, что  $R_1$  был получен с помощью 3-х подсобытий:

$$R_1^{F2(F1,F3)} = \frac{\sqrt{\langle Q_1^{F2} Q_1^{F1} \rangle \langle Q_1^{F2} Q_1^{F3} \rangle}}{\sqrt{\langle Q_1^{F1} Q_1^{F3} \rangle}}$$

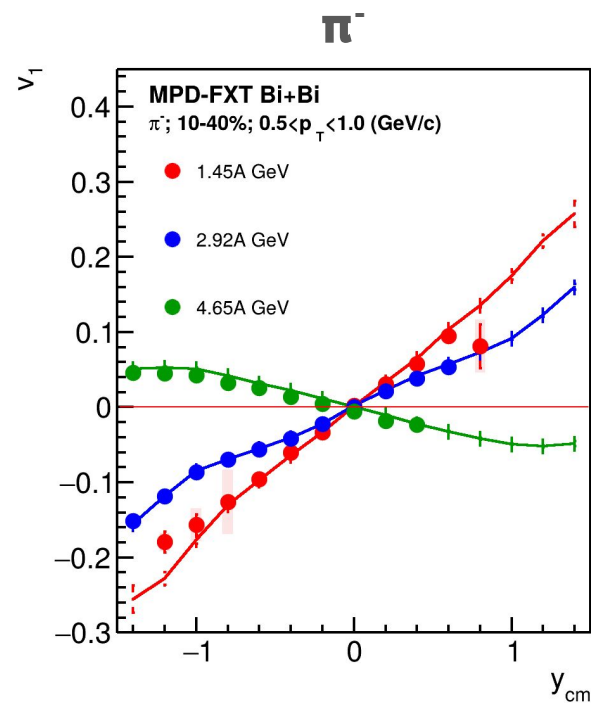
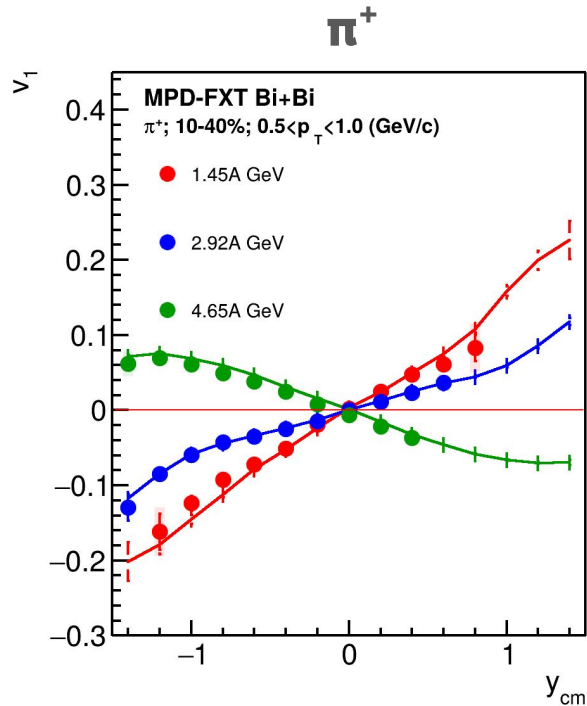
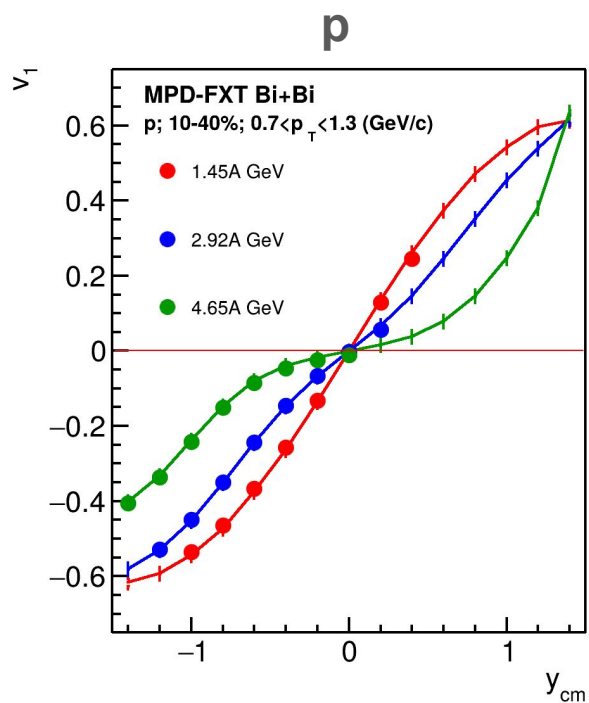


Символ “F2{Tp}(F1,F3)” означает, что  $R_1$  был получен с помощью 4-х подсобытий:

$$R_1^{F2\{Tp\}(F1,F3)} = \langle Q_1^{F2} Q_1^{Tp} \rangle \frac{\sqrt{\langle Q_1^{F1} Q_1^{F3} \rangle}}{\sqrt{\langle Q_1^{Tp} Q_1^{F1} \rangle \langle Q_1^{Tp} Q_1^{F3} \rangle}}$$

# Результаты: $v_1(y)$

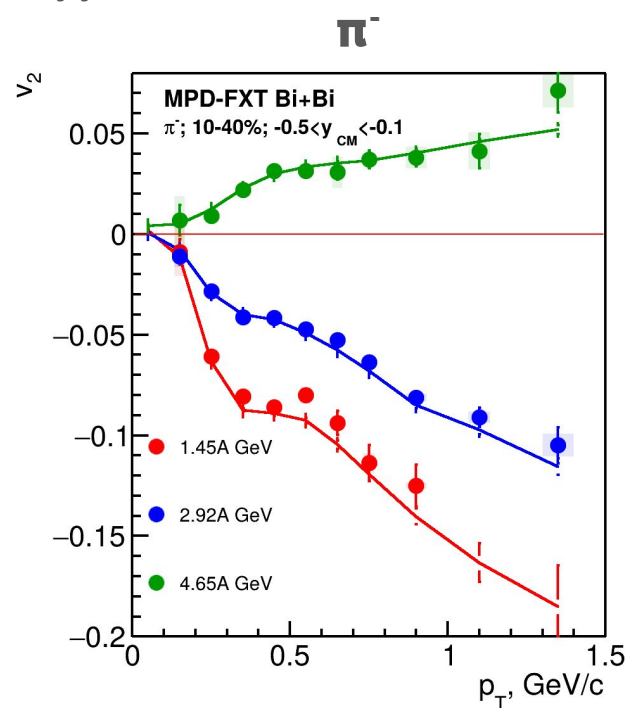
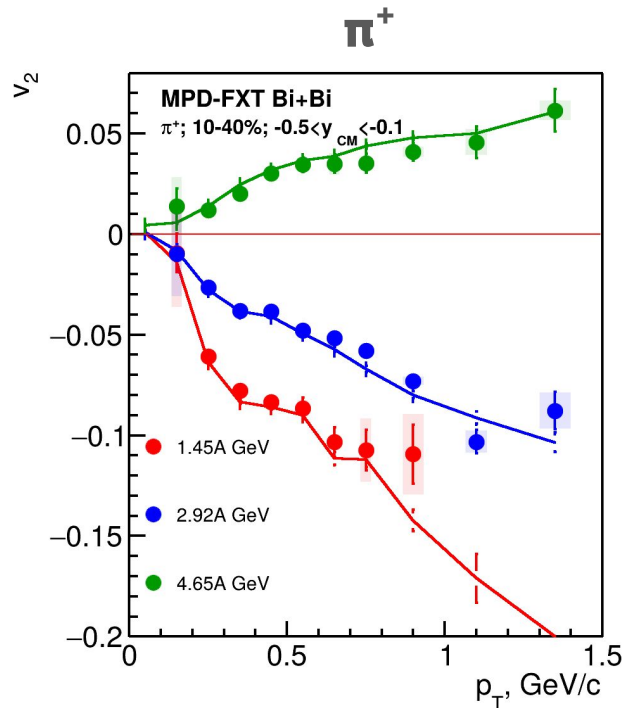
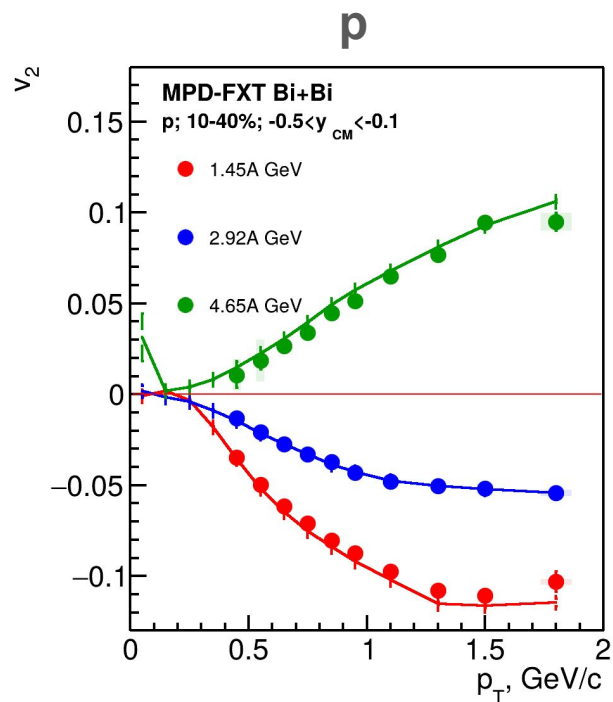
Систематические ошибки:  
xx, yy, F1, F2, F3



Хорошее согласие с данными из модели

# Результаты: $v_2(p_T)$

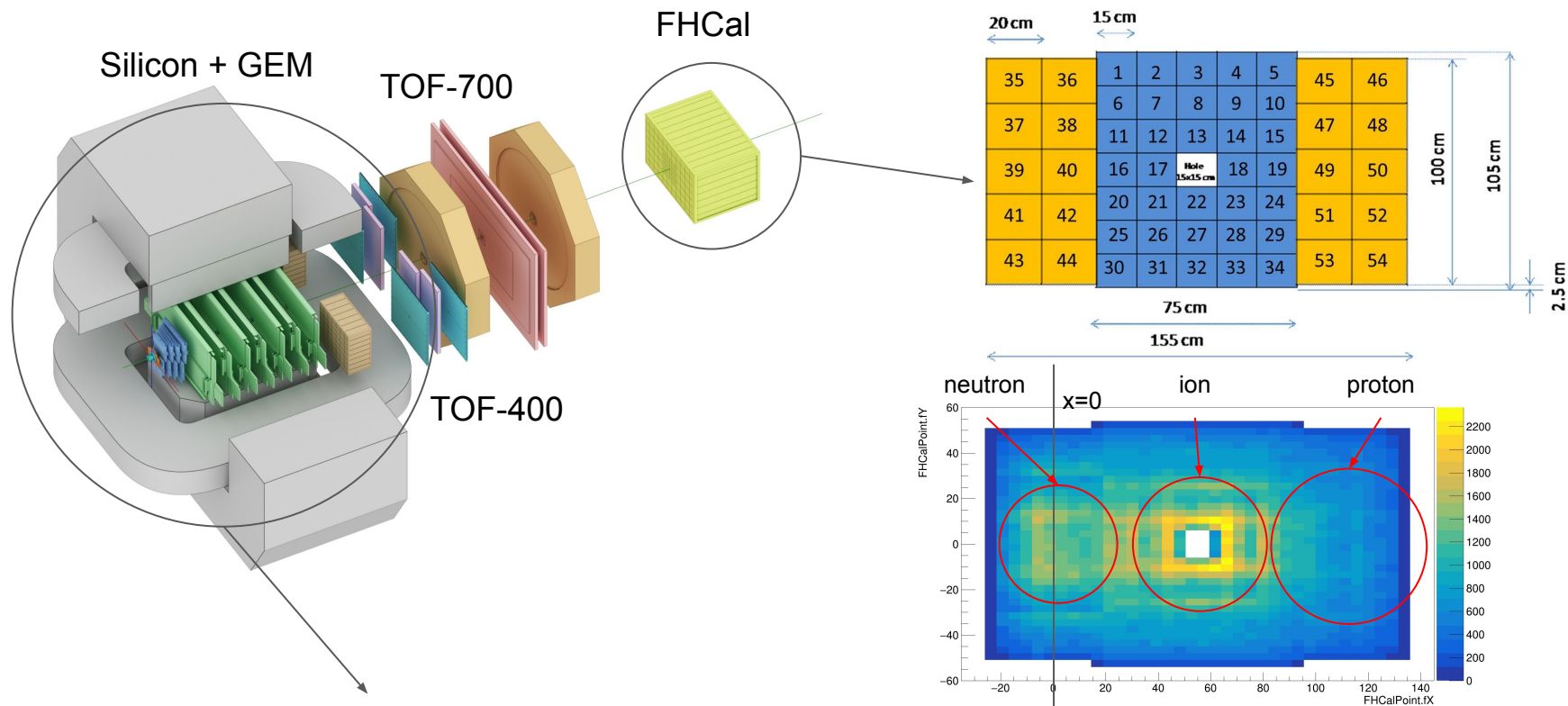
Систематические ошибки:  
xxx, хуу



Хорошее согласие с данными из модели



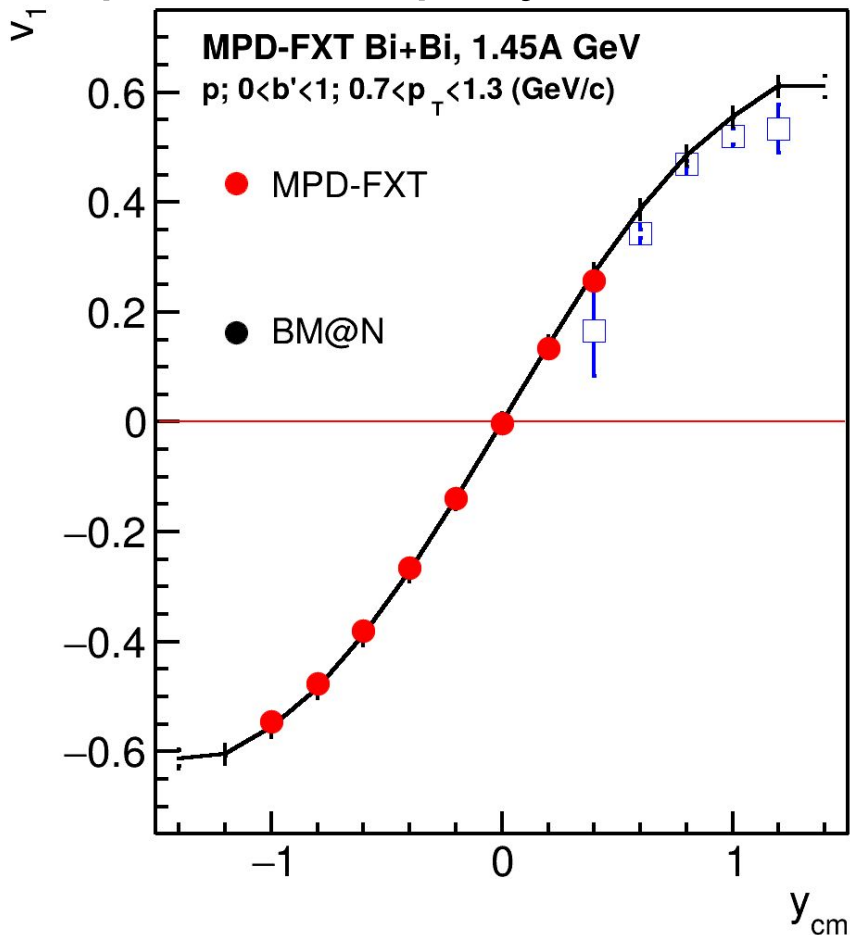
# Эксперимент VM@N (симуляция для RUN8)



Гибридная система трекинга внутри магнитного поля, отклоняющего частицы вдоль оси X.

Разделение частиц (фрагментов) по заряду на поверхности FHCaI под влиянием магнитного поля.

# Сравнение результатов MPD-FXT и BM@N



TOF система BM@N (TOF-400 и TOF-700) обладает ограниченным покрытием области средних быстрот при энергии  $\sqrt{s_{NN}} = 2.5$  ГэВ

- Нужно провести сравнение при более высоких энергиях (например  $\sqrt{s_{NN}} = 3$  ГэВ)
- Из-за влияния магнитного поля в BM@N требуется больше статистики:
  - Только компонента “уу” корреляций  $\langle uQ \rangle$  и  $\langle QQ \rangle$  может быть использована для измерений потоков

**Оба эксперимента MPD-FXT и BM@N могут быть использованы для измерений  $v_n$ :**

- Чтобы расширить покрытие по быстройте
- Чтобы провести сравнительную проверку результатов

# Заключение

- Было проведено исследование детекторных возможностей по измерению анизотропных потоков идентифицированных заряженных адронов в эксперименте MPD в режиме работы с фиксированной мишенью (MPD-FXT) с использованием модели ядро-ядерных столкновений UrQMD и симуляцией отклика детектора GEANT4 для столкновений  $V_i+V_i$  при энергиях  $\sqrt{s_{NN}} = 2.5, 3$  и  $3.5$  ГэВ
- Измерены направленный и эллиптический потоки протонов и пионов:
  - Для каждого типа частиц,  $v_1$  и  $v_2$  совпадают с результатами, полученными из модели в областях отрицательных и средних быстрот
- Сравнение с результатами симуляции BM@N для  $V_i+V_i$  при  $\sqrt{s_{NN}} = 2.5$  GeV:
  - TOF система BM@N обладает слабым покрытием области средних быстрот при энергии  $\sqrt{s_{NN}} = 2.5$  ГэВ
  - Оба эксперимента MPD-FXT и BM@N могут быть использованы при измерениях коллективных потоков в энергетическом диапазоне ускорительного комплекса Нуклотрон-NICA

**Спасибо за внимание!**

Backup

MPD

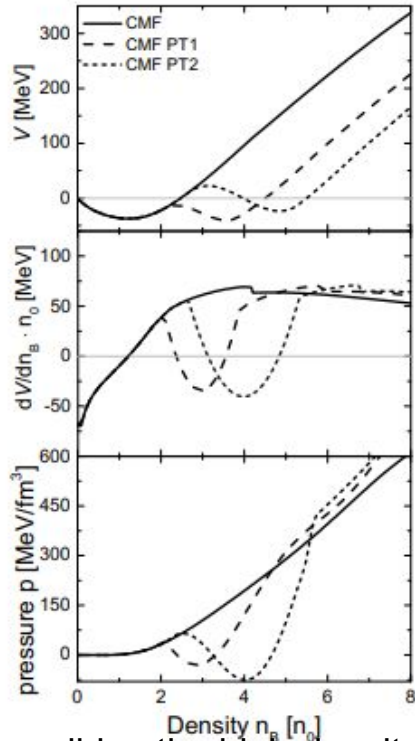
BM@N

# $v_n$ as a function of collision energy

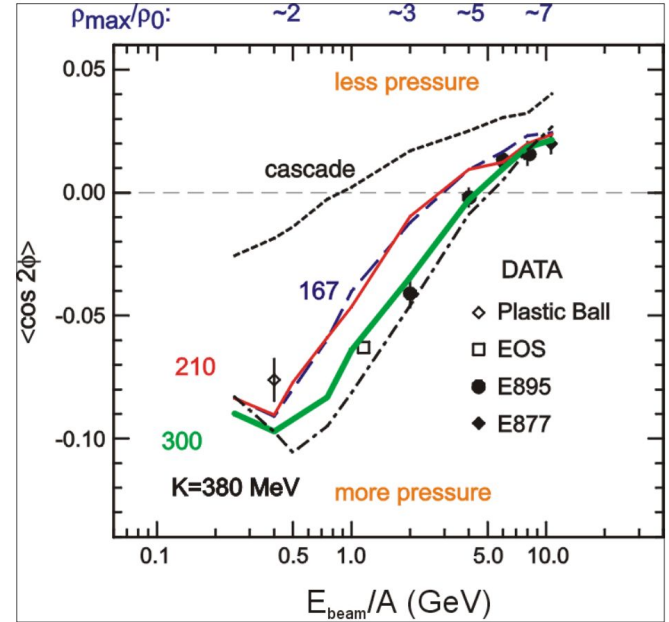
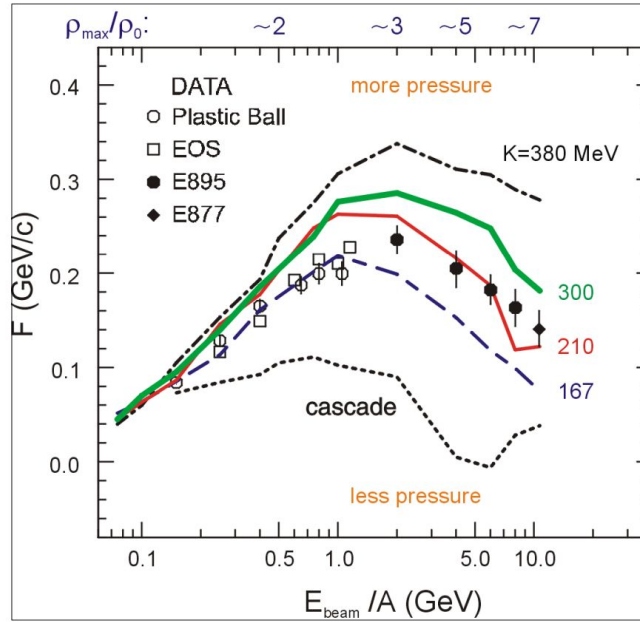
P. DANIELEWICZ, R. LACEY, W. LYNCH  
[10.1126/science.1078070](https://doi.org/10.1126/science.1078070)

$v_1$  suggests softer EOS

$v_2$  suggests harder EOS



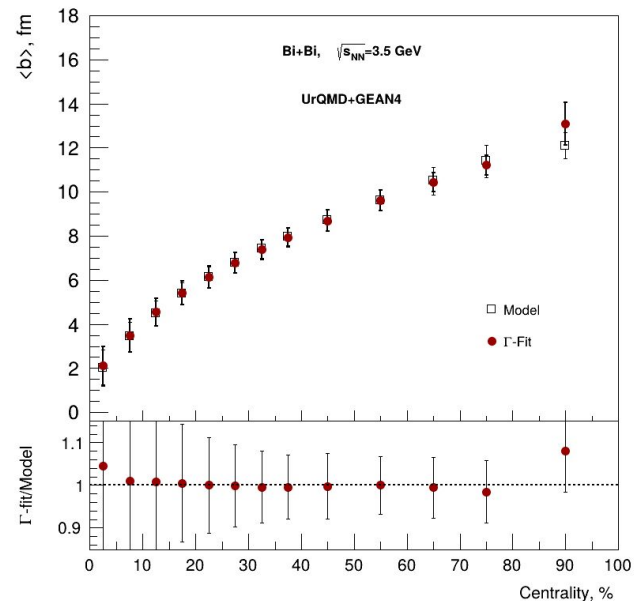
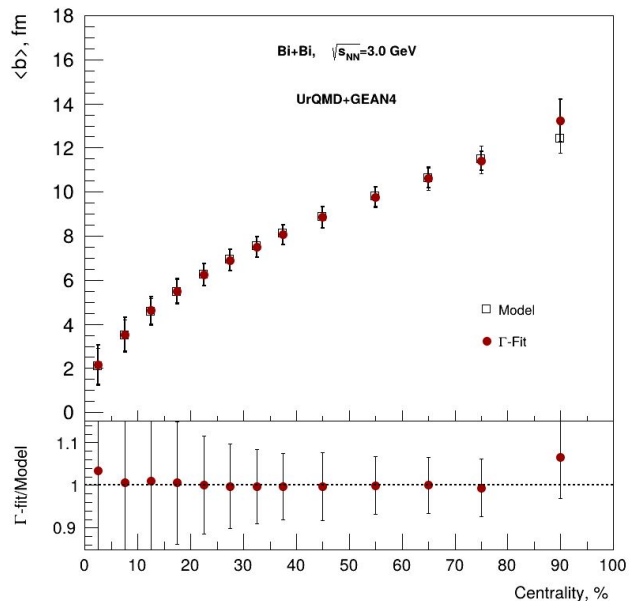
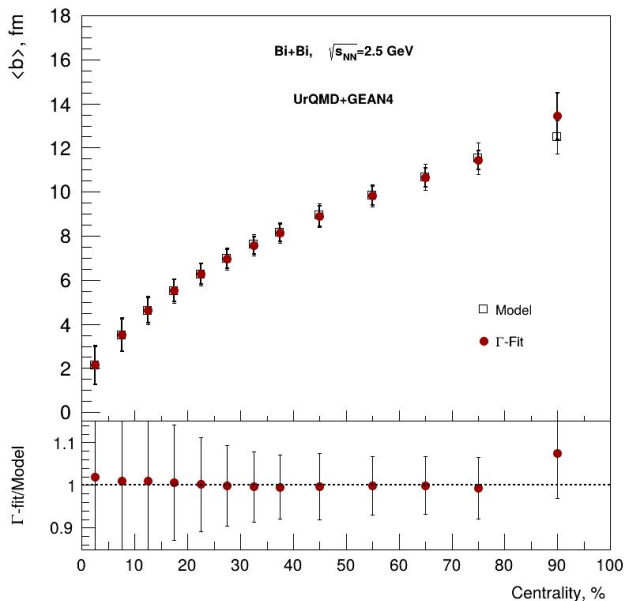
EPJ Web of Conferences 276, 01021 (2023)



Describing the high-density matter using the mean field  
 Flow measurements constrain the mean field

Discrepancy is probably due to non-flow correlations

# Процедура определения центральности: Результаты



Отбор по трекам частиц:

- $N_{\text{hits}} > 16$
- $0 < \eta < 2$

Хорошее согласие данных с параметризацией

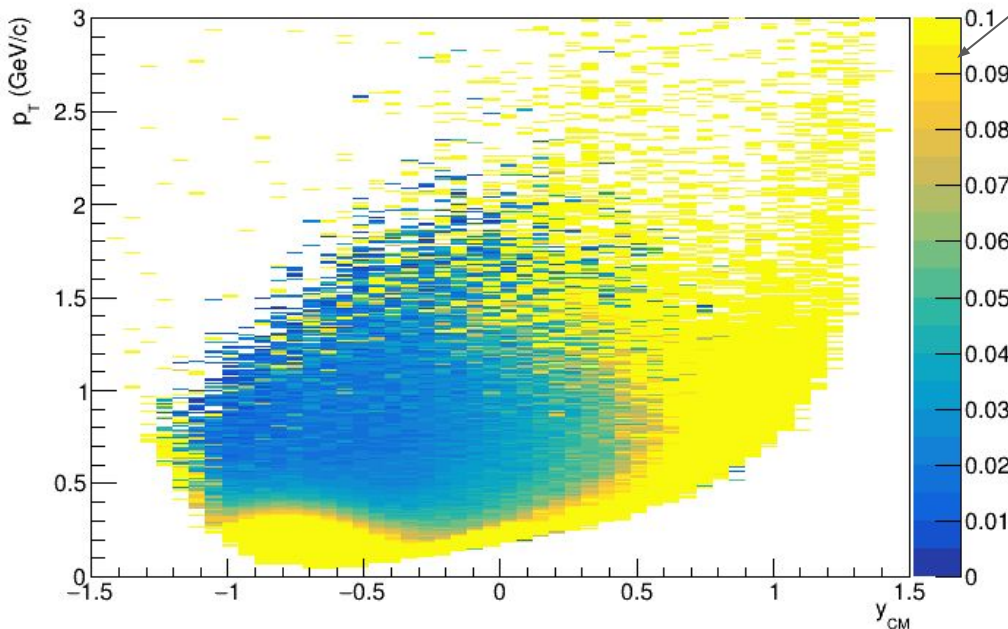
Используется процедура определения центральности с помощью множественности частиц, основанная на обратной теореме Байеса ( $\Gamma$ -fit или inverse Bayes)



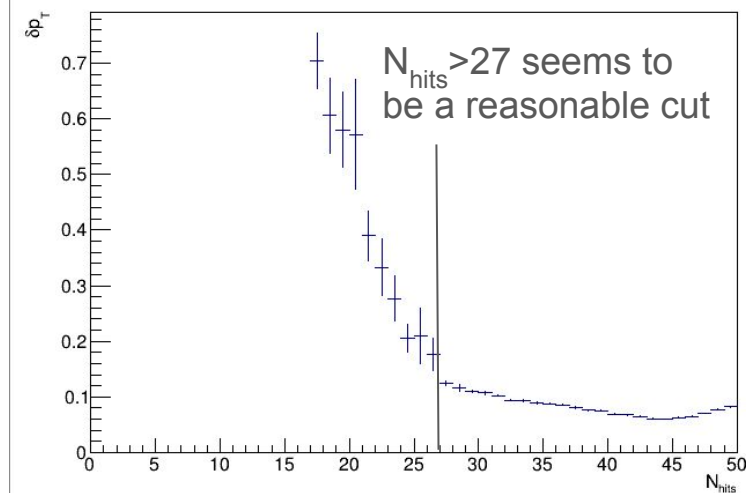
# Basic track quality check: $p_T$

$$\Delta p_T = \frac{|p_T^{\text{reco}} - p_T^{\text{mc}}|}{p_T^{\text{mc}}}$$

Pt-resolution for reconstructed protons in Ycm-pT plane



Pt-resolution for reconstructed protons vs. Nhits

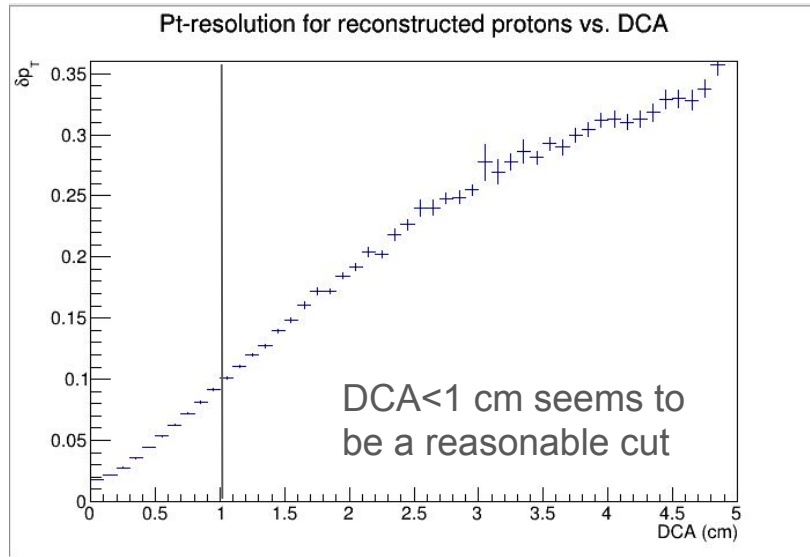
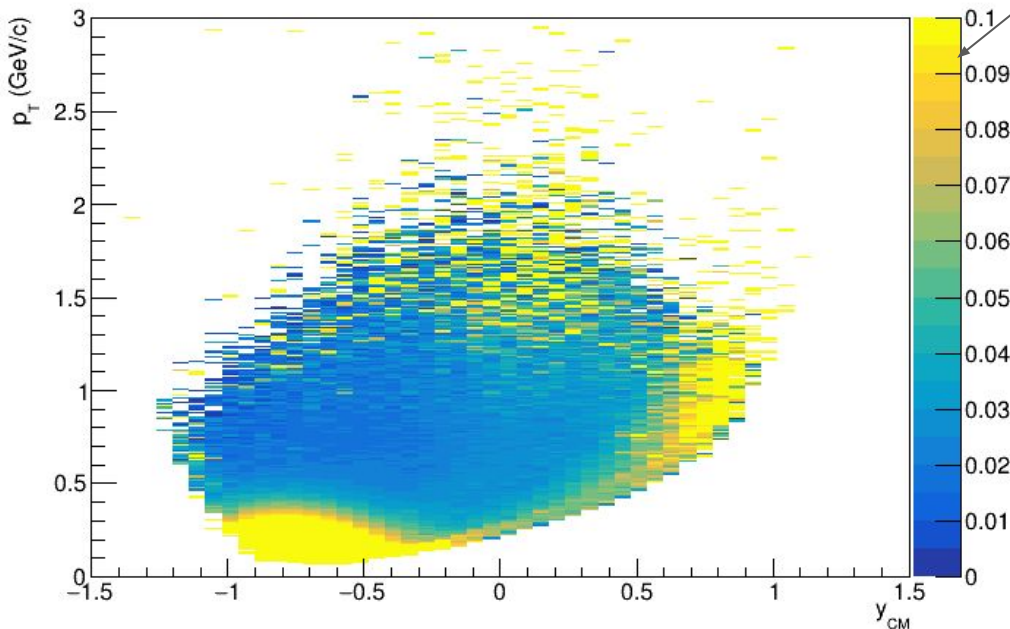


It seems the pt-resolution drops in the forward rapidity region ( $y_{\text{CM}} > 0.5$ )

# Basic track quality check: $p_T$

$$\Delta p_T = \frac{|p_T^{\text{reco}} - p_T^{\text{mc}}|}{p_T^{\text{mc}}}$$

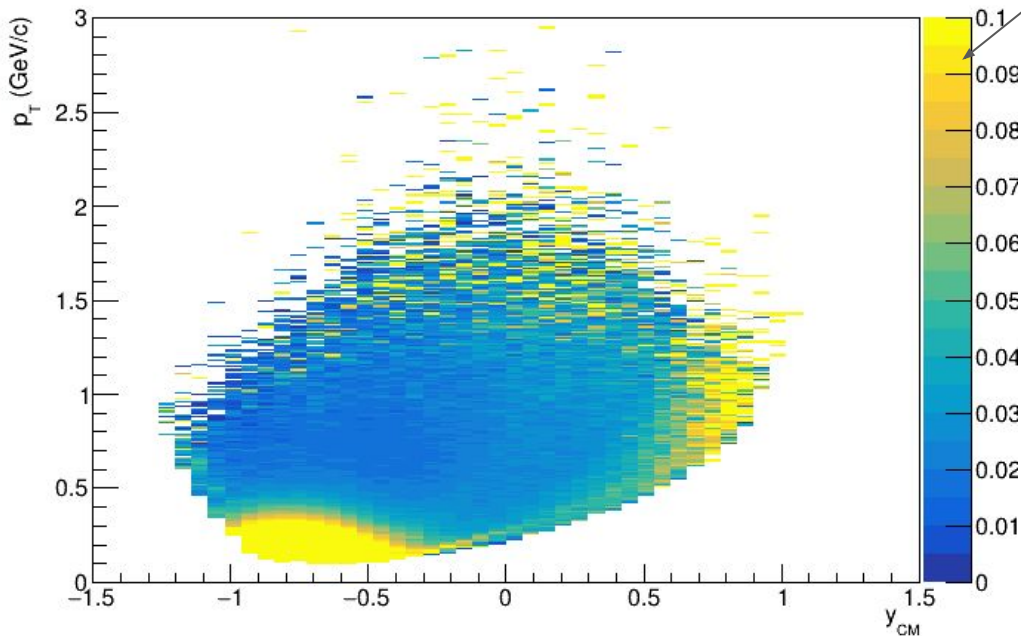
Pt-resolution for reconstructed protons in Ycm-pT plane



Cut  $N_{\text{hits}} > 27$  seems to improve the situation

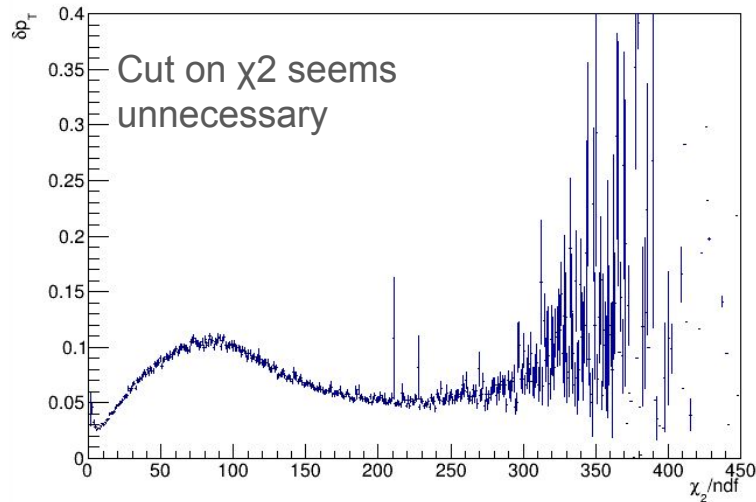
# Basic track quality check: $p_T$

Pt-resolution for reconstructed protons in Ycm-pT plane



$$\Delta p_T = \frac{|p_T^{\text{reco}} - p_T^{\text{mc}}|}{p_T^{\text{mc}}}$$

Pt-resolution for reconstructed protons vs. Chi2

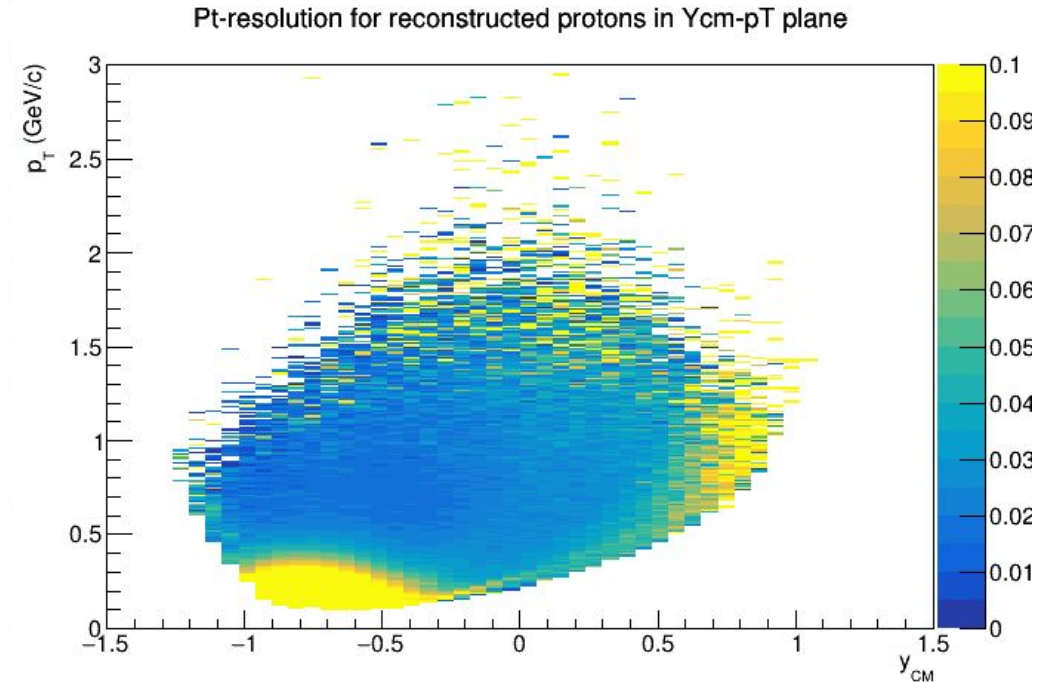


Cut DCA < 1 cm slightly improve the situation

# Track cuts based on $p_T$ -resolution check

## Protons:

- $N_{\text{hits}} > 27$
- $\text{DCA} < 1 \text{ cm}$

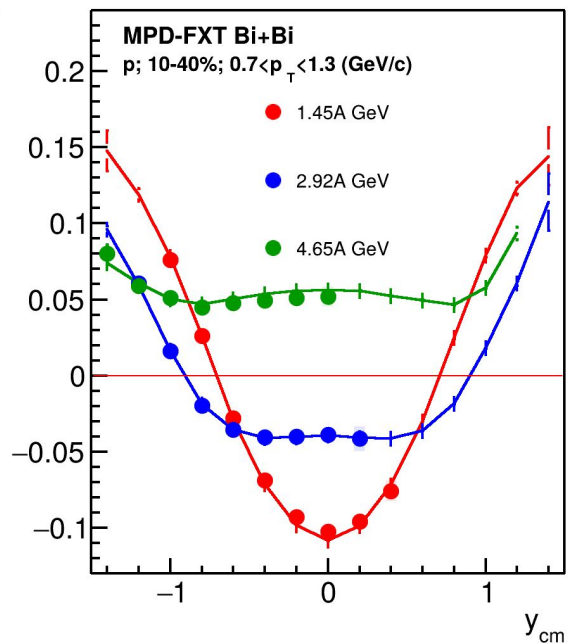


Now let's look at the efficiency plots with the new cuts

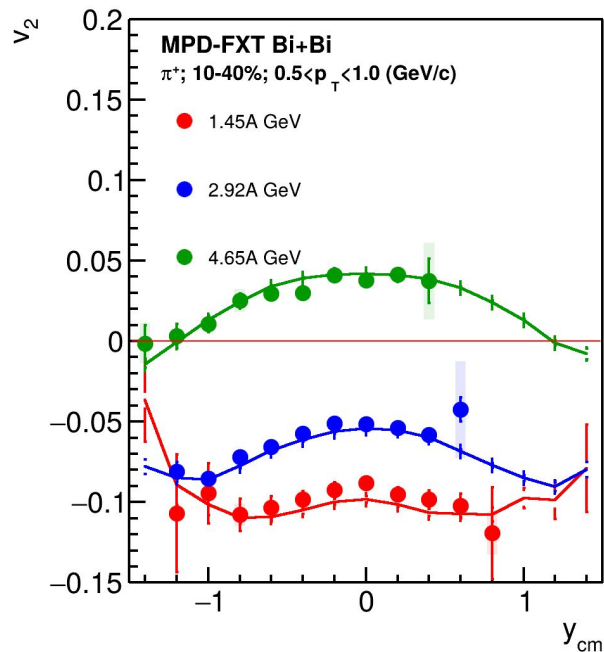
# Результаты: $v_2(y)$

Систематические ошибки:  
xxx, хуу

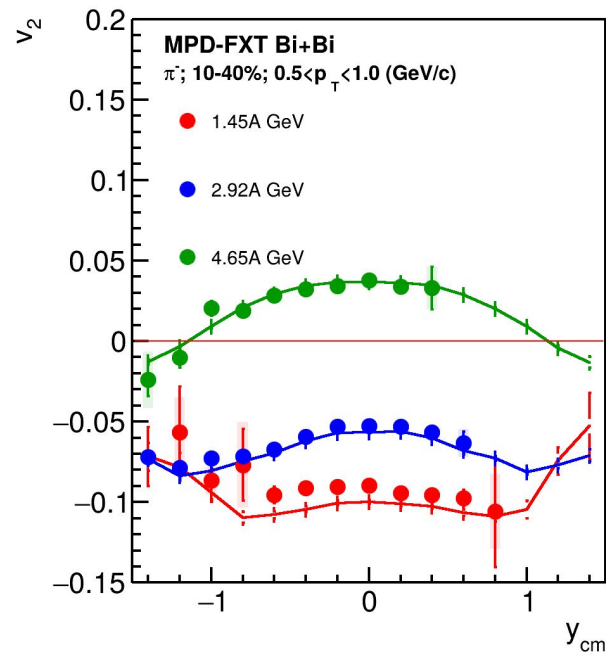
$p$



$\pi^+$



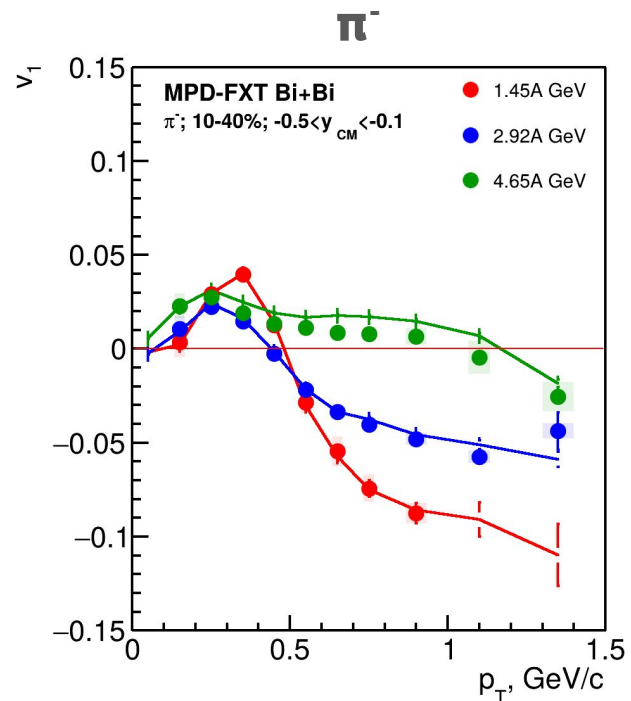
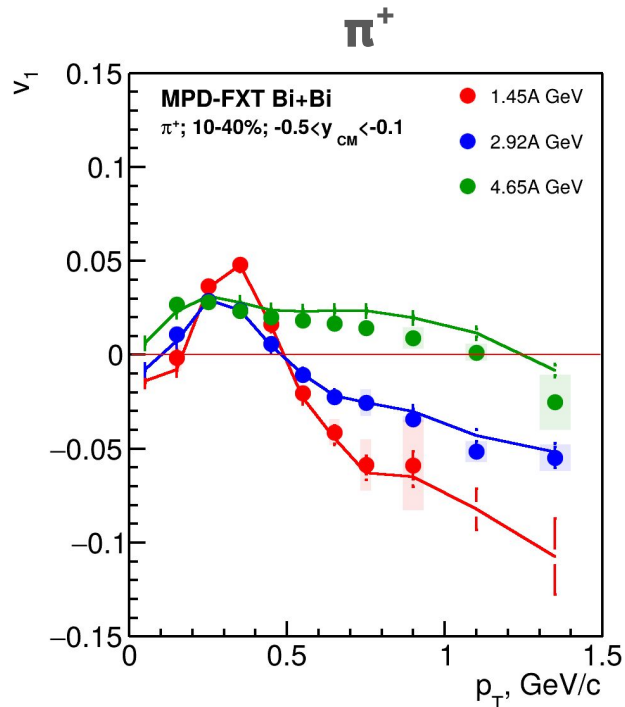
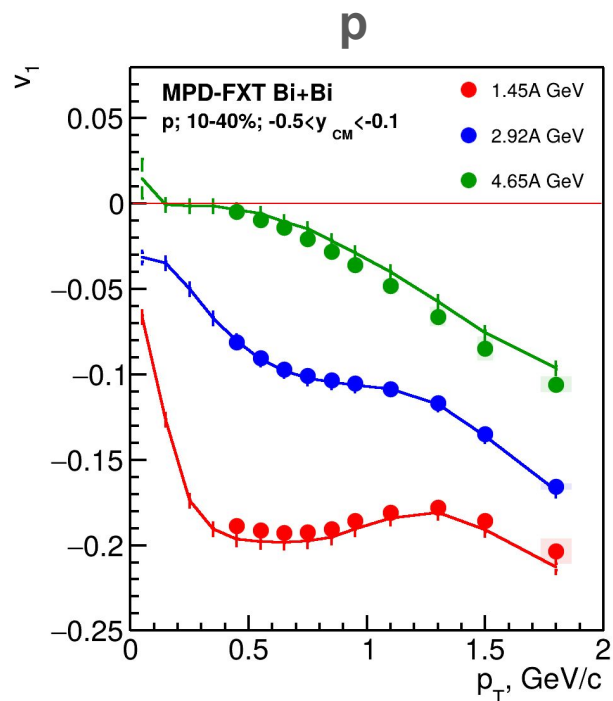
$\pi^-$



Хорошее согласие с данными из модели

# Результаты: $v_1(p_T)$

Систематические ошибки:  
xx, yy, F1, F2, F3



Хорошее согласие с данными из модели