

#### Объединенный институт ядерных исследований

## Степаненко Юрий Юрьевич

# Методы увеличения эффективности регистрации редкого распада $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$ в эксперименте E391a

По материалам диссертации на соискание ученой степени Кандидата физико-математических наук Специальность: 01.04.16 – Физика ядра и элементарных частиц

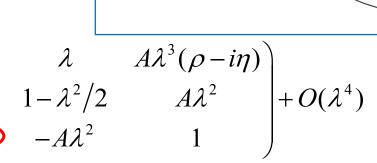
Научный руководитель: д. ф.-м. н. Русакович Н. А.

## Распад $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$

- Доминирует механизм прямого СР-нарушения
  - Вклад косвенного СР-нарушения  $\approx 10^{-3}$
- Вероятность распада связана с параметром  $\eta$  матрицы KKM

$$Br(K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}) \propto \eta^2$$

$$V_{CKM} = \begin{pmatrix} V_{ud} & V_{us} & V_{ub} \\ V_{cd} & V_{cs} & V_{cb} \\ V_{td} & V_{ts} & V_{tb} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 - \lambda^2/2 & \lambda & A\lambda^3(\rho - i\eta) \\ -\lambda & 1 - \lambda^2/2 & A\lambda^2 \\ A\lambda^3(1 - \rho - i\eta) & -A\lambda^2 & 1 \end{pmatrix} + O(\lambda^4)$$



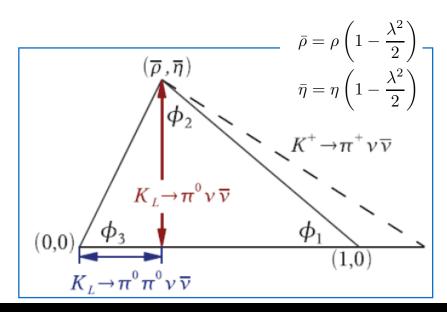
W±

- Теоретическая неопределенность (≈1-2%)
  - Проверка параметров Стандартной Модели
  - Поиск проявлений Новой Физики
- Ультраредкиий распад в СМ:

$$Br(K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}) = (3.00 \pm 0.30) \times 10^{-11}$$

Экспериментальное ограничение:

$$Br(K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}) < 3 \times 10^{-9} (90\% C.L.)$$
  
(J-PARC, KOTO, January 2019)



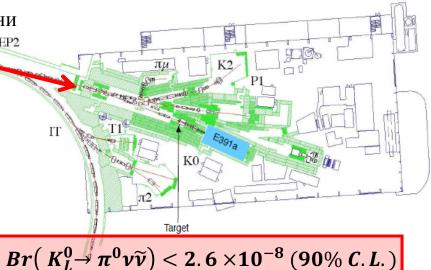
## Эксперимент Е391а (КЕК)

- Первый в мире эксперимент посвященный определению  $Br(K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu})$ 
  - Пилотный эксперимент для КОТО (J-PARC)
- KEK 12GeV Протонный синхротрон
  - Платиновая мишень (Pt) длиной 60мм, Ø 8мм
  - 2.5х 10<sup>12</sup> протонов на мишень (POT) 2 c/spill 4 с. цикл. (медленный сброс)
  - Система коллимации вторичного пучка (10 м)
  - Узкоколлимированный пучок  $K_L^0$  (~18 м от мишени  $\sigma = 40$  мм)
  - Максимальная интенсивность  $K_L^0$  в области импульса 2 ГэВ/с  $(n/K_L^0 \sim 40)$

#### Сеансы набора данных

Run-I	Period	Feb. 2004 to June. 2004		
	Total protons	$2.1 \times 10^{18}$		
	Remarks	Membrane problem		
Run-II	Period	Feb. 2005 to Apr. 2005		
	Total protons	$1.4 \times 10^{18}$		
	Remarks	Be absorber		
Run-III	Period	Oct. 2005 to Dec. 2005		
	Total protons	$1.2 \times 10^{18}$		
	Remarks	New BA,		
		Additional photon counter		

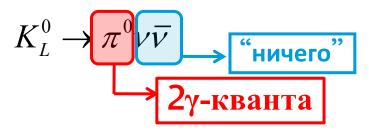


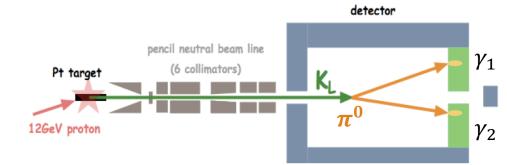


Финальный результат ЕЗ91а (2010)

## Метод регистрации $K_L^0 o \pi^0 \nu \tilde{\nu}$ в эксперименте

• Идентификация

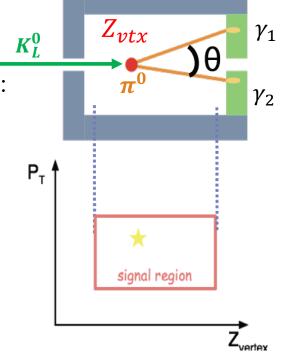




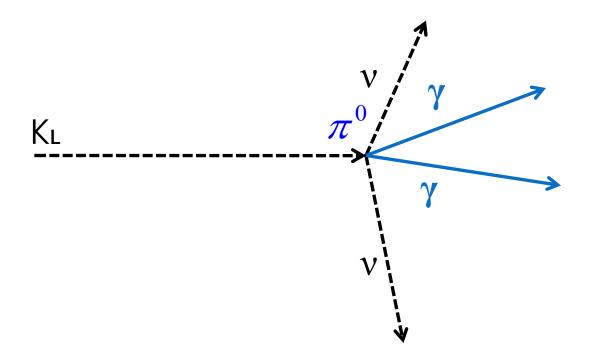
- "2γ-кванта + ничего"
  - 2γ регистрируются CsI калориметром (E, x, y)
  - "ничего" отсутствие сигнала в герметичной вето системе
- Восстановление вершины распада  $Z_{vtx}$  в предположении:
  - инвариантная масса двух зарегистрированных  $\gamma$ -квантов равна массе  $\pi^0$
  - вершина распада расположена на оси пучка ( $X_{vtx} = Y_{vtx} = 0$ )

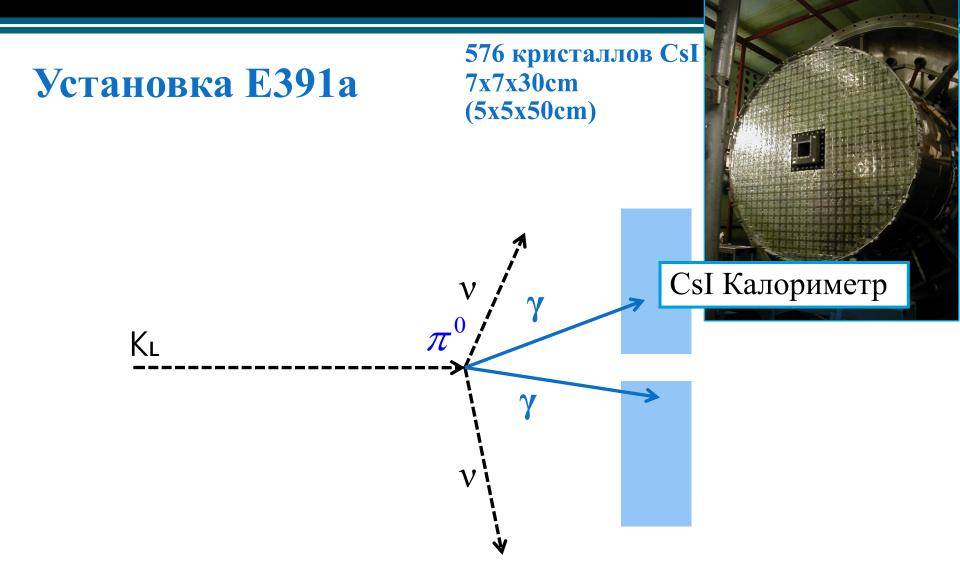
$$\cos \theta = 1 - \frac{M_{\pi^0}^2}{2E_1 E_2}$$

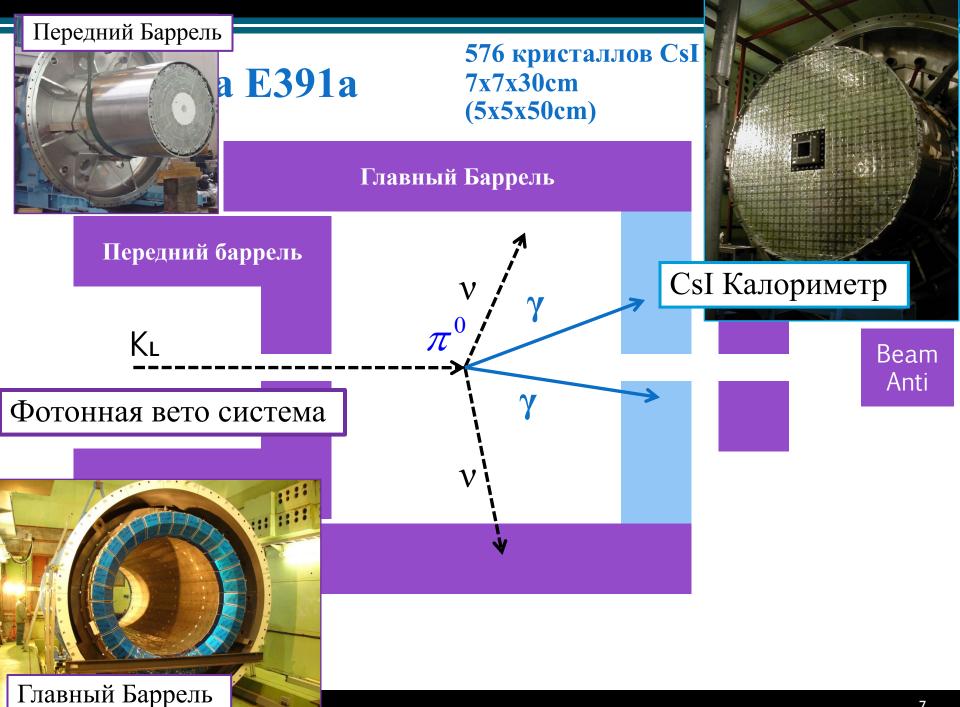
• Отбор событий по наличию восстановленной вершины распада  $Z_{VTX}$  и поперечного импульса  $P_T$  в "сигнальной области"

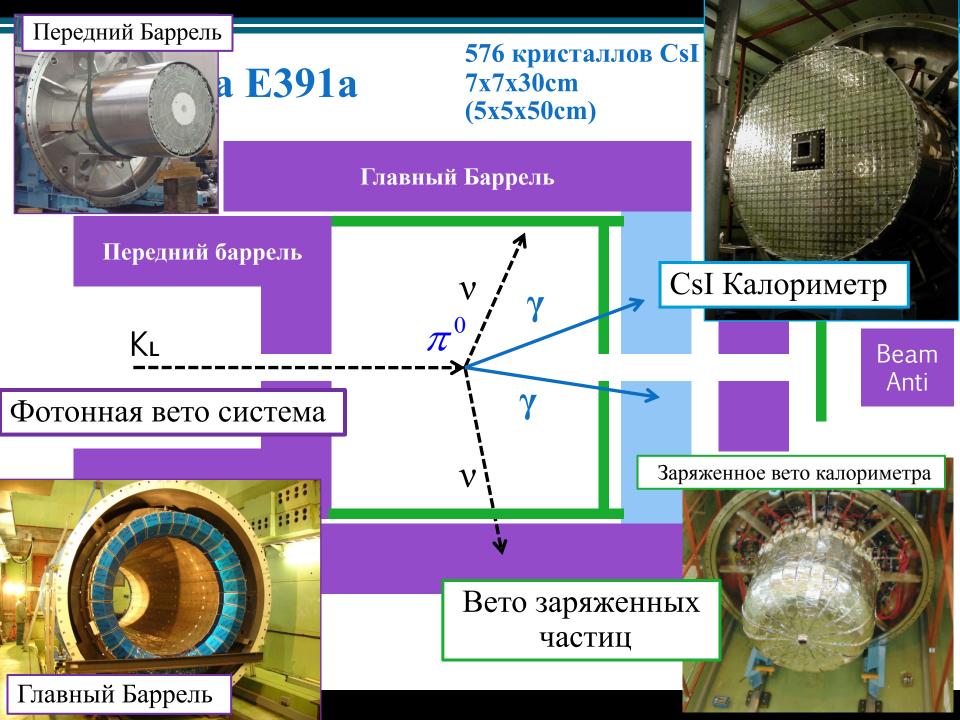


## Установка Е391а



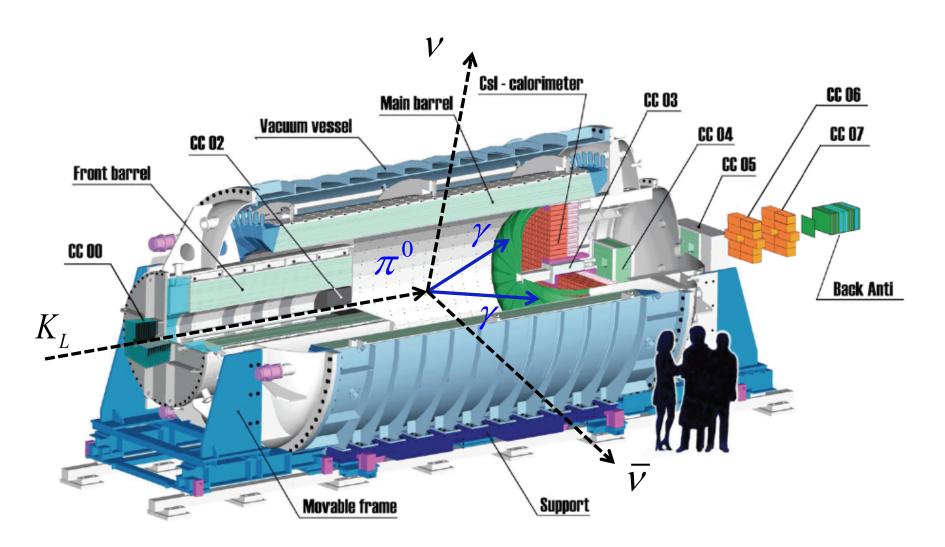




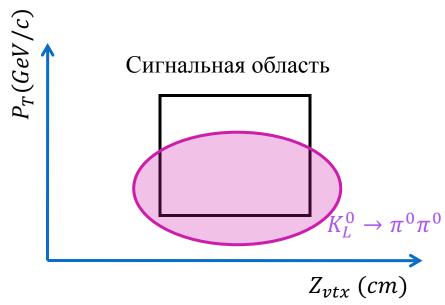


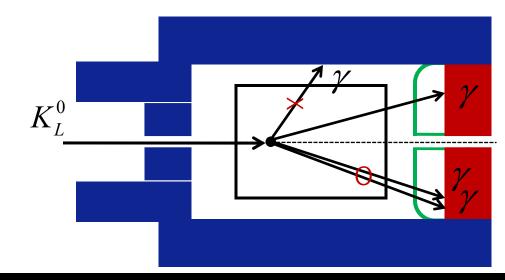


## Установка Е391а



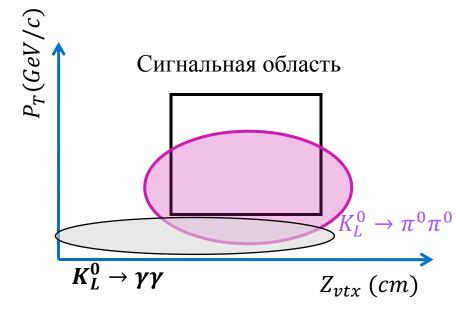
- Распады  $K_L^0$ 
  - $\blacksquare \ K_L^0 \to \pi^0\pi^0$ 
    - 2γ не зарегистрированы

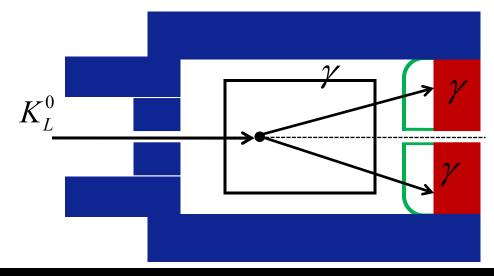




$$\cos \theta = 1 - \frac{M(\pi^0)^2}{2E_1 E_2}$$

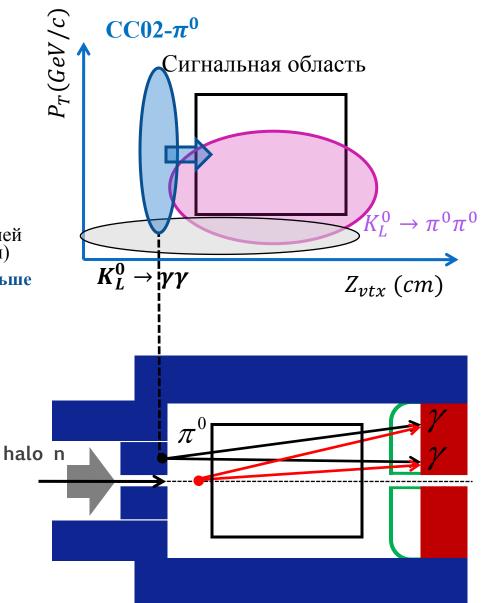
- Распады  $K_L^0$ 
  - $\blacksquare \ K_L^0 \to \pi^0\pi^0$ 
    - 2γ не зарегистрированы
  - $K_L^0 \to \gamma \gamma$





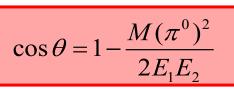
$$\cos \theta = 1 - \frac{M(\pi^0)^2}{2E_1 E_2}$$

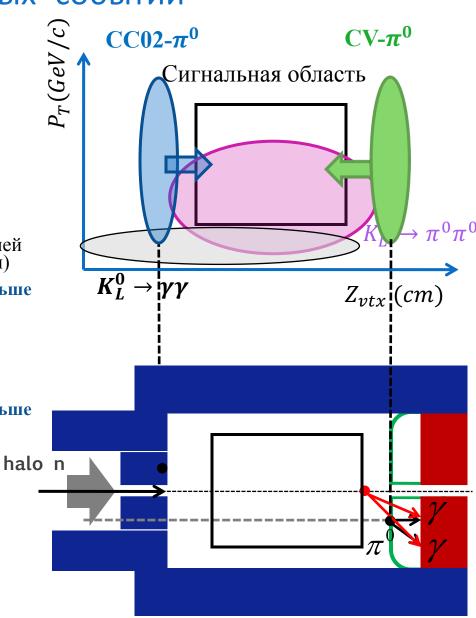
- Распады  $K_L^0$ 
  - $K_L^0 \to \pi^0 \pi^0$ 
    - 2γ не зарегистрированы
  - $K_L^0 \rightarrow \gamma \gamma$
- Взаимодействия нейтронов пучка
  - CC02- $\pi^0$ 
    - Ошибка в измерении энергии γ (утечки ливней из кристаллов, фотоядерные взаимодействия)
      - Измеренная энергия меньше->угол heta больше



$$\cos \theta = 1 - \frac{M(\pi^0)^2}{2E_1 E_2}$$

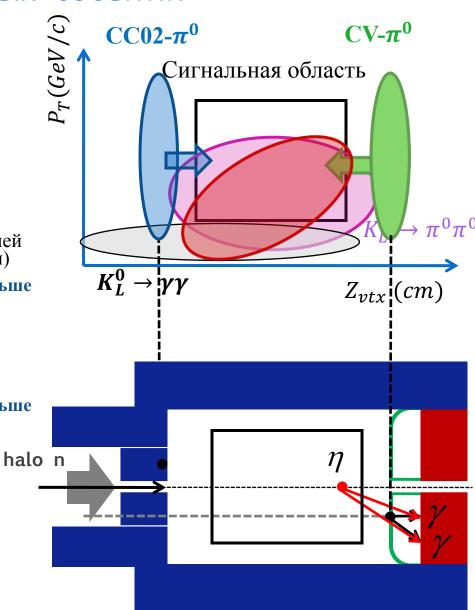
- Распады  $K_L^0$ 
  - $K_L^0 o \pi^0 \pi^0$ 
    - 2γ не зарегистрированы
  - $K_L^0 \rightarrow \gamma \gamma$
- Взаимодействия нейтронов пучка
  - CC02- $\pi^0$ 
    - Ошибка в измерении энергии γ (утечки ливней из кристаллов, фотоядерные взаимодействия)
      - Измеренная энергия меньше->угол heta больше
  - $CV-\pi^0$ 
    - Ошибка в измерении энергии  $\gamma$  (слипшиеся кластеры от  $2\gamma$ , наложение  $\gamma$ -кластера со случайным событием)
      - Измеренная энергия больше->угол heta меньше



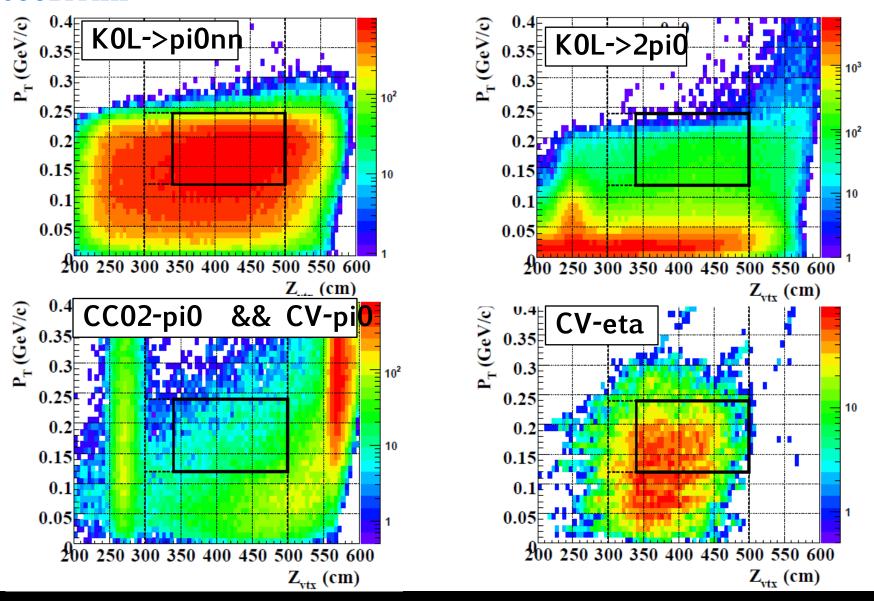


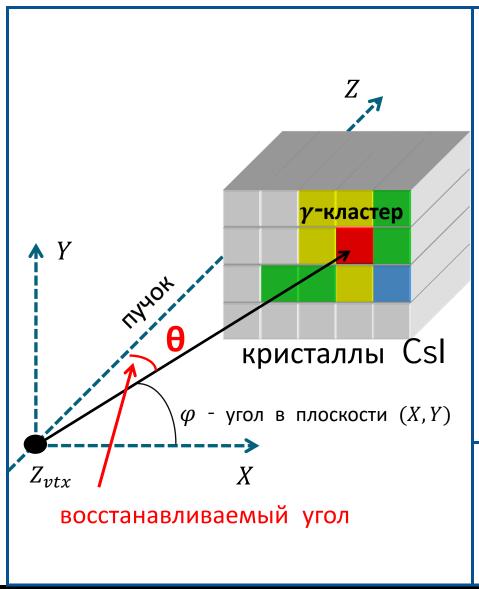
- Распады  $K_L^0$ 
  - $K_L^0 o \pi^0 \pi^0$ 
    - 2γ не зарегистрированы
  - $K_L^0 \to \gamma \gamma$
- Взаимодействия нейтронов пучка
  - CC02- $\pi^0$ 
    - Ошибка в измерении энергии γ (утечки ливней из кристаллов, фотоядерные взаимодействия)
      - Измеренная энергия меньше->угол heta больше
  - $CV-\pi^0$ 
    - Ошибка в измерении энергии  $\gamma$  (слипшиеся кластеры от  $2\gamma$ , наложение  $\gamma$ -кластера со случайным событием)
      - Измеренная энергия больше->угол heta меньше
  - **CV-**η
    - Разница в значении масс  $M_{\eta}$  и  $M_{\pi^0}$ 
      - угол  $\theta$  меньше

$$\cos\theta = 1 - \frac{M(\pi^0)^2}{2E_1 E_2}$$

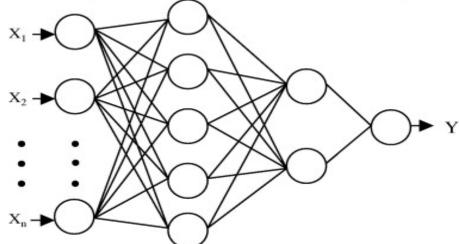


## Монте-Карло моделирование фоновых и сигнальных событий





Обобщенно-регрессионная нейронная сеть (GRNN) с радиально базисными передаточными функциями



#### Входные параметры:

#### Выходные параметры:

• E γ - кванта

Угол  $\theta$ 

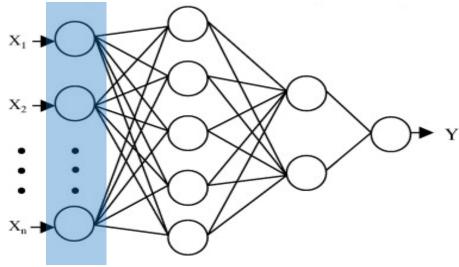
• Е в каждом кристалле кластера

- 7х7 матрица кристаллов 7.0х7.0ст
  х, у = [-3.5; 3.5] ст шаг=0.35ст
  Е = [200; 2500] МэВ шаг=50 МэВ
- Phi = [0;45] deg. шаг=3 deg.
   Theta = [0; 50] deg. шаг=0.5 deg

#### Входной слой:

- Энерговыделение в каждом кристалле  $\gamma$ -кластера
- Энергия γ-кванта, (x,y), φ

Обобщенно-регрессионная нейронная сеть (GRNN) с радиально базисными передаточными функциями



Входные параметры:

Выходные параметры:

• E γ - кванта

Угол  $\theta$ 

• Е в каждом кристалле кластера

- 7х7 матрица кристаллов 7.0х7.0ст
  х, у = [-3.5; 3.5] ст шаг=0.35ст
  Е = [200; 2500] МэВ шаг=50 МэВ
- Phi = [0;45] deg. шаг=3 deg.
   Theta = [0; 50] deg. шаг=0.5 deg

#### Входной слой:

- Энерговыделение в каждом кристалле  $\gamma$ -кластера
- Энергия  $\gamma$ -кванта, (x,y),  $\varphi$

#### Первый скрытый слой:

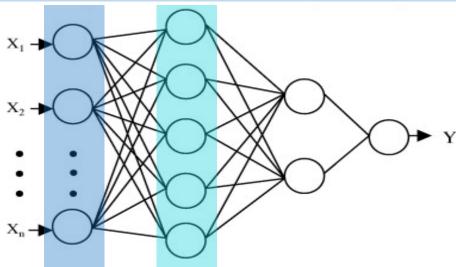
- Слой из N радиальных нейронов
- Количество нейронов соответствует количеству обучающих примеров
- Разность между энергиями (нормированными на полную энергию кластера) в соответствующих кристаллах обучающего восстанавливаемого события кластера k- кол-во кристаллов

$$D_i = \sum_{k=1}^{49} \left( \frac{E_k}{\sum_{l=1}^{49} E_l} - \frac{T_{i,k}}{\sum_{l=1}^{49} T_{i,l}} \right)^2 \begin{array}{c} \text{i} - \text{номер обучающего} \\ \text{примера} \\ \text{E} - \text{энергия в кристалле} \\ \text{восст. события} \\ \text{T} - \text{энергия в кристалле} \\ \text{обучающего, события} \\ \text{обучающего, события} \end{array}$$

і – номер обучающего Т – энергия в кристалле обучающего. события

•Вычисляется вес каждого события из обучающей выборки  $W_i = gaus(D_i, \sigma_i)$ 

Обобщенно-регрессионная нейронная сеть (GRNN) с радиально базисными передаточными функциями



Входные параметры:

Выходные параметры:

• E γ - кванта

Угол  $\theta$ 

• Е в каждом кристалле кластера

- 7х7 матрица кристаллов 7.0х7.0ст
- x, y = [-3.5; 3.5] cm шаг=0.35cm E = [200; 2500] МэВ шаг=50 МэВ
- Phi = [0;45] deg. шаг=3 deg.
  Theta = [0; 50] deg. шаг=0.5 deg

#### Входной слой:

- Энерговыделение в каждом кристалле  $\gamma$ -кластера
- Энергия γ-кванта, (x,v), φ

#### Первый скрытый слой:

- Слой из N радиальных нейронов
- Количество нейронов соответствует количеству обучающих примеров
- Разность между энергиями (нормированными на полную энергию кластера) в соответствующих кристаллах обучающего восстанавливаемого события кластера k- кол-во кристаллов

$$D_i = \sum_{k=1}^{49} \left( \frac{E_k}{\sum_{l=1}^{49} E_l} - \frac{T_{i,k}}{\sum_{l=1}^{49} T_{i,l}} \right)^2 \begin{array}{c} \text{i} - \text{номер обучающего} \\ \text{примера} \\ \text{Е} - \text{энергия в кристалле} \\ \text{восст. события} \\ \text{Т} - \text{энергия в кристалле} \\ \text{обучающего, события} \end{array}$$

і – номер обучающего

обучающего. события

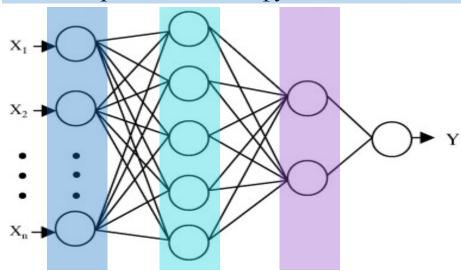
•Вычисляется вес каждого события из обучающей выборки  $W_i = gaus(D_i, \sigma_i)$ 

#### Суммирующий слой:

• формирование взвещенной суммы и суммы всех весов

$$\sum_{i}^{n} W_{i} \theta_{i}, \sum_{i}^{n} W_{i}$$

Обобщенно-регрессионная нейронная сеть (GRNN) с радиально базисными передаточными функциями



Входные параметры:

Выходные параметры:

• E γ - кванта

Угол  $\theta$ 

• Е в каждом кристалле кластера

- 7х7 матрица кристаллов 7.0х7.0ст
- x, y = [-3.5; 3.5] cm war=0.35cm
- E = [200; 2500] МэВ шаг=50 МэВ
- Phi = [0;45] deg. шаг=3 deg.
   Theta = [0; 50] deg. шаг=0.5 deg

#### Входной слой:

- Энерговыделение в каждом кристалле  $\gamma$ -кластера
- Энергия  $\gamma$ -кванта, (x,y),  $\varphi$

#### Первый скрытый слой:

- Слой из N радиальных нейронов
- Количество нейронов соответствует количеству обучающих примеров
- Разность между энергиями (нормированными на полную энергию кластера) в соответствующих кристаллах обучающего восстанавливаемого события кластера k- кол-во кристаллов

$$D_i = \sum_{k=1}^{49} \left( \frac{E_k}{\sum_{l=1}^{49} E_l} - \frac{T_{i,k}}{\sum_{l=1}^{49} T_{i,l}} \right)^2 \begin{array}{c} \text{i - номер обучающего} \\ \text{примера} \\ \text{E - энергия в кристалле} \\ \text{восст. события} \\ \text{T - энергия в кристалле} \\ \text{обучающего, события} \\ \text{обучающего, события} \\ \text{обучающего, события} \\ \text{- обучающего, события} \\ \text{-$$

і – номер обучающего

обучающего. события

•Вычисляется вес каждого события из обучающей выборки  $W_i = gaus(D_i, \sigma_i)$ 

#### Суммирующий слой:

• формирование взвещенной суммы и суммы всех весов

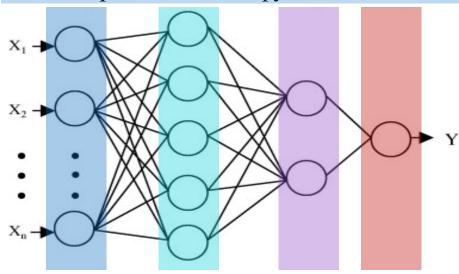
$$\sum_{i}^{n} W_{i} \theta_{i}, \sum_{i}^{n} W_{i}$$

#### Выходной слой:

• Оценка взвешенного среднего

$$\theta = \sum_{i=1}^{n} W_i \cdot \theta_i / \sum_{i=1}^{n} W_i$$

Обобщенно-регрессионная нейронная сеть (GRNN) с радиально базисными передаточными функциями



Входные параметры:

Выходные параметры:

• E γ - кванта

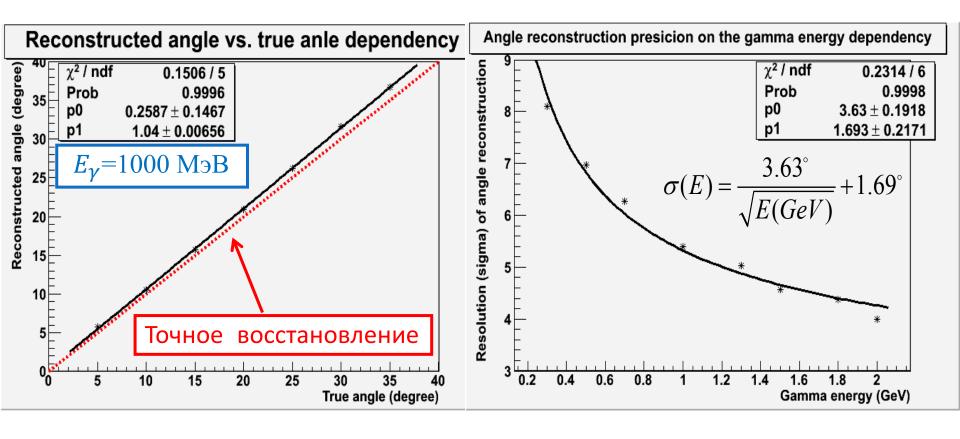
Угол  $\theta$ 

• Е в каждом кристалле кластера

- 7х7 матрица кристаллов 7.0х7.0ст
- x, y = [-3.5; 3.5] cm шаг=0.35ст
- E = [200; 2500] МэВ шаг=50 МэВ
- Phi = [0;45] deg. шаг=3 deg.
   Theta = [0; 50] deg. шаг=0.5 deg

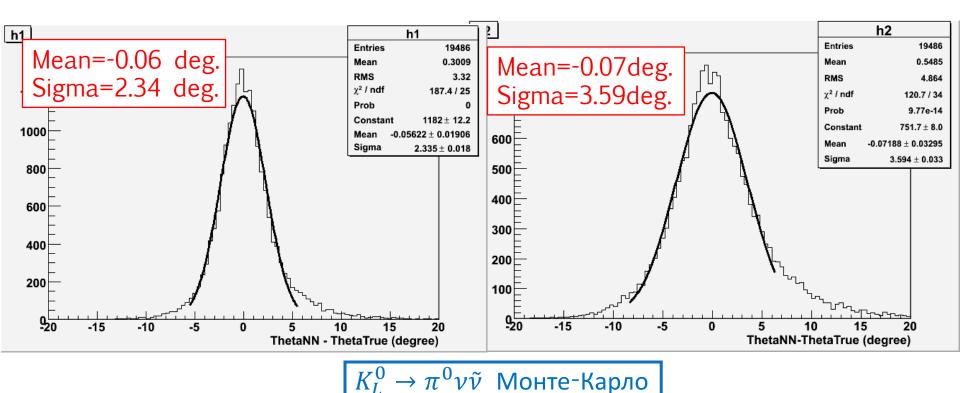
## Характеристики восстановления нейронной сети

Линейность восстановления угла (слева) и зависимость углового разрешения от энергии γ-квантов. Распределения получены для равномерного Монте-Карло по параметрам передаваемым на вход НС



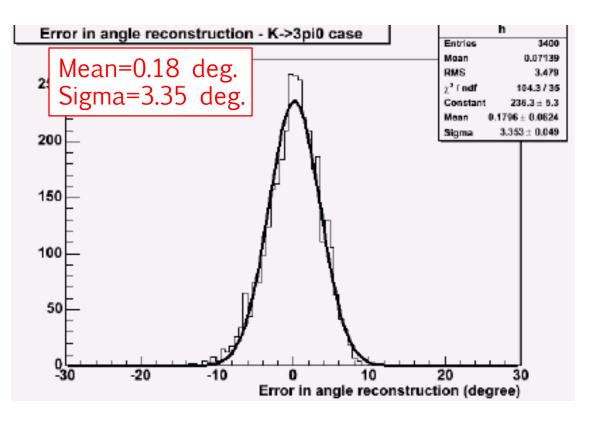
## Характеристики восстановления нейронной сети

Распределение абсолютной ошибки восстановления угла для высокоэнергетического (слева) и низкоэнергетического (справа)  $\gamma$ -кванта событий  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$ 



## Характеристики восстановления нейронной сети

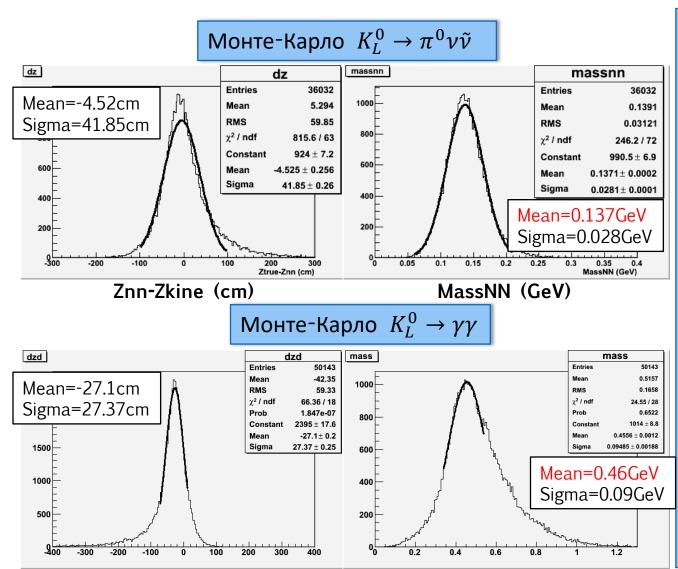
Распределение абсолютной ошибки восстановления угла γ-квантов



Данные 
$$K_L^0 o \pi^0 \pi^0 \pi^0$$

## Восстановление $Z_{vtx}$ и $M_X$ событий $X o \gamma\gamma$

MassNN (GeV)



Znn-Zkine (cm)

Используем процедуру кинематического фитирования, полагая что два гамма имеют общую вершину рождения:

$$z_{g1} - z_{g2} = \frac{\sqrt{x_1^2 + y_1^2}}{tg(\theta_1)} - \frac{\sqrt{x_2^2 + y_2^2}}{tg(\theta_2)} \equiv 0$$

Используя метод неопределенных множителей Лагранжа получаем

$$\chi^{2} = \frac{(\theta_{1} - \theta_{1}^{0})^{2}}{\sigma_{\theta_{1}}^{2}} + \frac{(\theta_{2} - \theta_{2}^{0})^{2}}{\sigma_{\theta_{2}}^{2}} + \frac{(\theta_{2} - \theta_{2}^{0})^{2}}{\sigma_{\theta_{2}}^{2}} + \frac{1}{2}\lambda \left(\frac{\sqrt{x_{1}^{2} + y_{1}^{2}}}{tg(\theta_{1})} - \frac{\sqrt{x_{2}^{2} + y_{2}^{2}}}{tg(\theta_{2})}\right)$$

Где  $\theta_1^0, \theta_2^0$  начальные измерения углов  $\theta_1, \theta_2$ 

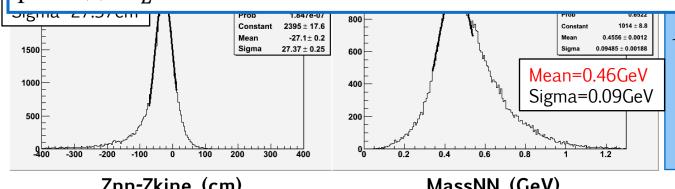
## Восстановление $Z_{vtx}$ и $M_X$ событий $X o \gamma\gamma$

Монте-Карло  $K_L^0 o \pi^0 \nu \tilde{\nu}$ 

Используем процедуру кинематического

Используя восстановленные значения углов, были получены новые кинематические переменные, которые существенно расширили возможности анализа данных эксперимента:  $\Delta \theta_1$ ,  $\Delta \theta_2$  — разность между углом, восстановленным нейронной сетью и углом, полученным в предположении того, что инвариантная масса двух у-квантов равна массе  $\pi^0$ , а так же масса (MassNN) распавшейся частицы  $X \to \gamma \gamma$ .

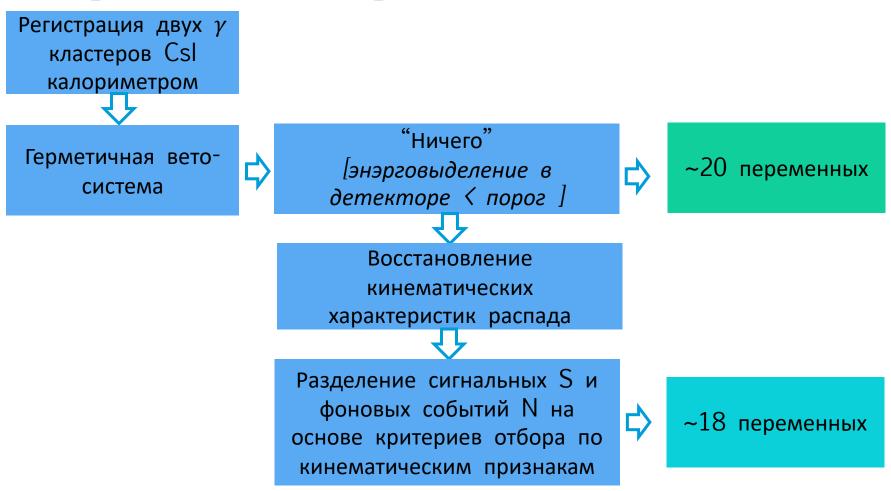
Применение их в анализе второго сеанса набора данных (Run-II) позволило увеличить чувствительность установки к регистрации распада  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$  на 35%.



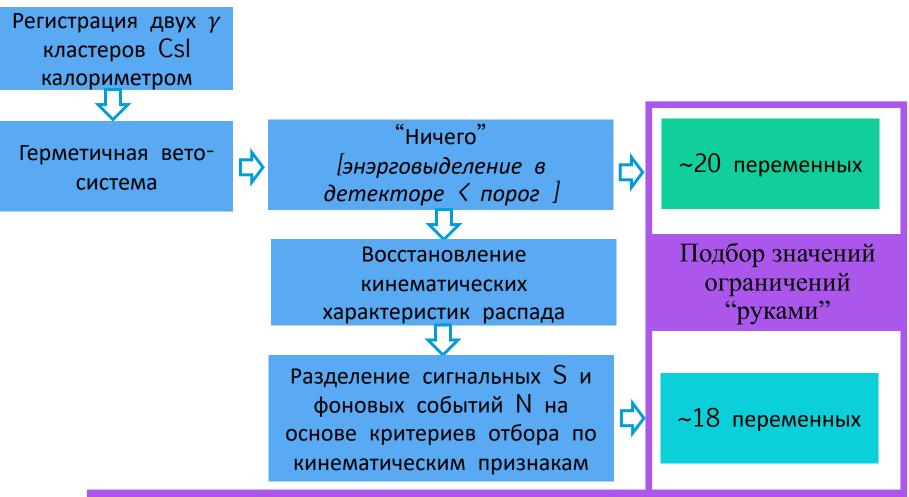
Где  $heta_1^0, heta_2^0$  начальные измерения углов  $\theta_1, \theta_2$ 

MassNN (GeV)

## Отбор событий в эксперименте Е391а



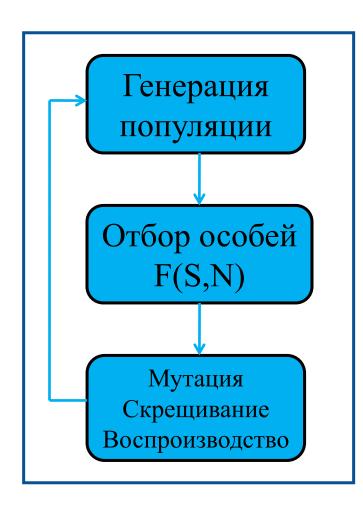
## Отбор событий в эксперименте Е391а



#### Недостатки метода:

- 1. Трудоемкий процесс, требует больших затрат времени
- 2. Нет явных признаков и гарантии что значение S/N улучшится
  - 3. Невозможно учесть корреляции между параметрами отбора

## Метод автоматической оптимизации критериев отбора событий на основе генетических алгоритмов



#### • Алгоритм оптимизации:

- 1) Генерация начальной популяции особей
- 2) Для каждой особи из популяции (набора критериев отбора):
  - вычисление величины S
  - вычисление величины N
  - оценка функцией пригодности F(S,N)
- 3) Отбор наиболее пригодных особей для генерации нового поколения
- 4) Генерация нового поколения путем применения генетических операторов
  - 5) повтор 2-4 заданное количество раз

Особенность функции пригодности F(S,N): используя различные виды определения функции можно менять концепцию направления оптимизации — максимизировать значение S или уменьшать значение N, или сохранять значение S/N на заданном уровне.

Free source code: http://garage.cse.msu.edu/software/lil-gp/

## Метод автоматической оптимизации критериев отбора событий на основе генетических алгоритмов

## Генерация

- Алгоритм оптимизации:
  - 1) Генерация начальной популяции особей
  - 2) Для каждой особи из популяции (набора

В результате применения разработанной процедуры автоматической оптимизации были получены новые значения критериев отбора величин для анализа данных второго сеанса набора данных Run-II, с помощью которых чувствительность установки удалось увеличить на 10%

Мутация Скрещивание Воспроизводство

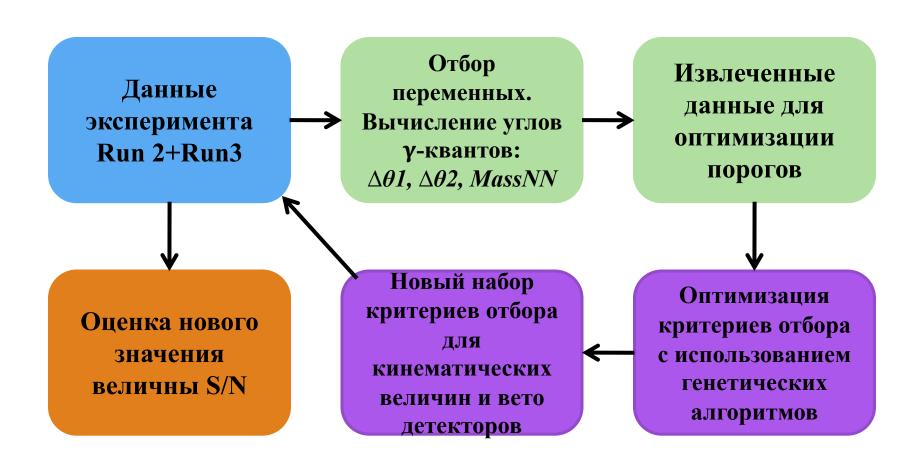
применения генетических операторов

5) повтор 2-4 заданное количество раз

Особенность функции пригодности F(S,N): используя различные виды определения функции можно менять концепцию направления оптимизации — максимизировать значение S или уменьшать значение N, или сохранять значение S/N на заданном уровне.

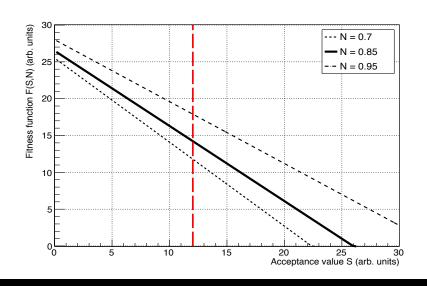
Free source code: http://garage.cse.msu.edu/software/lil-gp/

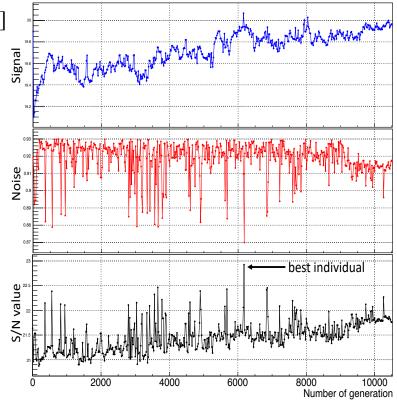
## Повторный анализ данных эксперимента Е391а



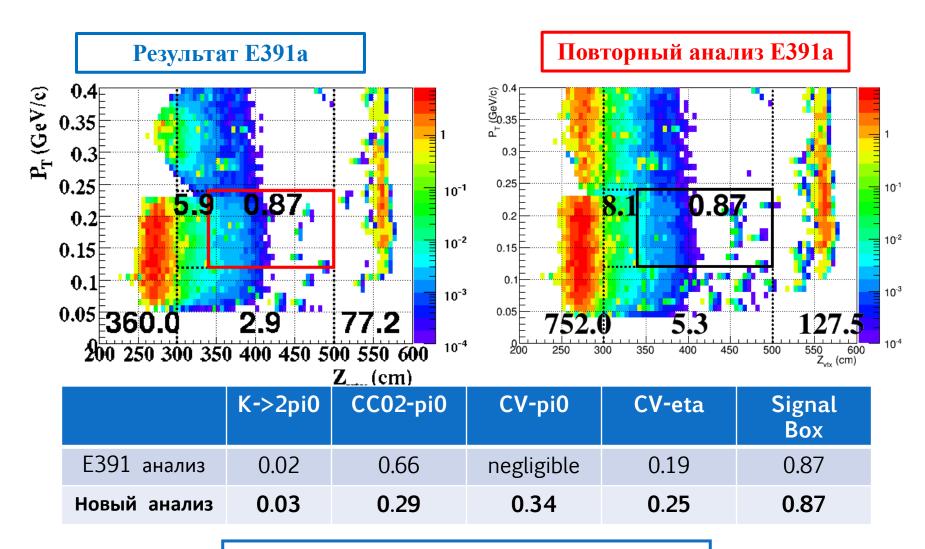
## Повторный анализ данных эксперимента Е391а

- Порядка 40 величин использовались при оптимизации
- Направление поиска решения: поиск такого набора значений ограничений при котором значение N будет сохраняться на уровне величины анализа эксперимента E391a, а значение S, при этом будет максимально возможным
- Функция пригодности:  $F(S, N) = 35 (1.2 \times S + 10) \times N$ 
  - Значение N зафиксировано в интервале [0.7, 0.95]
- ~2 месяца, 46 CPU ЦИВК ОИЯИ
  - ~11000 генераций поколений



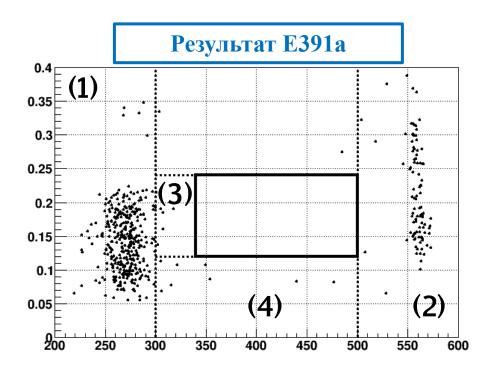


## Результаты: оценка вклада фоновых событий



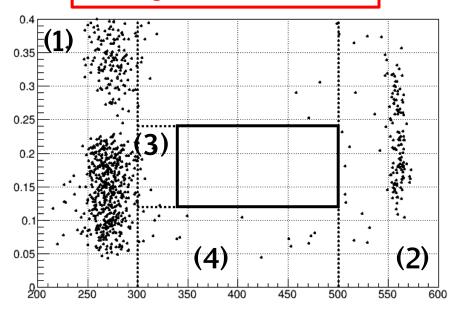
Вклад фоновых событий: на уровне Е391а

## Результаты: экспериментальные данные



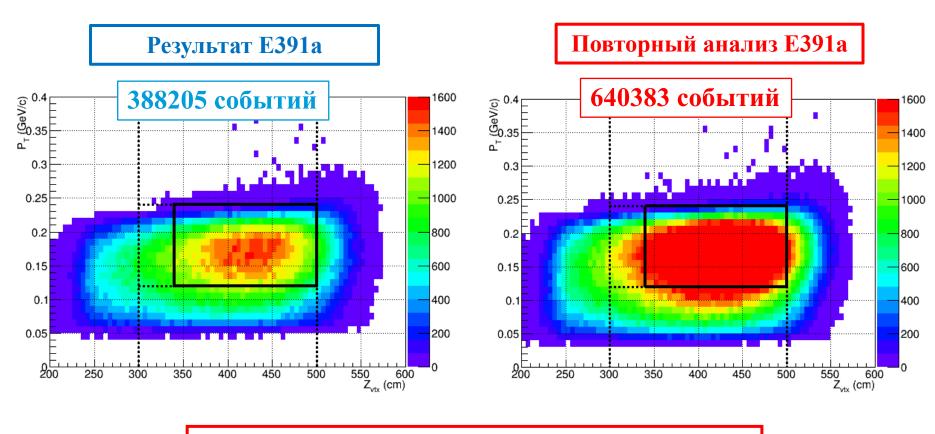
События в сигнальной области отсутствуют

Повторный анализ ЕЗ91а



	Область-1	Область-2	Область-3	Область-4	Сигн. обл.
Данные	752	151	9	16	0
	(360)	(101)	(8)	(8)	(0)
МК фона	752	127.5	8.1	5.3	0.87
	(360)	(77.2)	(5.9)	(2.9)	(0.87)

## Результаты: оценка сигнальных событий



Вклад фоновых событий: на уровне E391а События в сигнальной области отсутствуют Чувствительность установки: увеличение на 65%

### Заключение

**Целью** данной работы является разработка новых методов для анализа данных эксперимента E391a, которые позволяют увеличить чувствительность установки к регистрации редкого распада  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$ .

#### Были получены следующие результаты:

- 1. Проведена модернизация и доработка метода восстановления угла попадания  $\gamma$ -квантов в главный CsI-калориметр установки E391a, в результате чего удалось улучшить линейность восстановления угла нейронной сетью, а также уменьшить ошибки в определении величины углов. На основе полученного метода были получены новые переменные для анализа:  $\Delta\theta_1$ ,  $\Delta\theta_2$  разность между углом, восстановленным нейронной сетью и углом, полученным в предположении того, что инвариантная масса двух  $\gamma$ -квантов равна массе  $\pi^0$ . В дополнение к этому, впервые в эксперименте были получены распределения по эффективной массе для распавшейся частицы  $X \to \gamma \gamma$ . Применение данного метода и полученных новых переменных в анализе данных второго сеанса набора данных (Run-II) эксперимента E391a позволило увеличить чувствительность установки к регистрации распада  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$  на 35%.
- 2. На основе метода генетического программирования, для эксперимента Е391а был разработан метод оптимизации критериев отбора событий, позволяющий в автоматическом режиме находить наиболее "приспособленные" решения (ограничения на значения величин), удовлетворяющие заданному направлению оптимизации на основе значений величины *S/N*. В результате применения разработанной процедуры автоматической оптимизации в анализе второго сеанса набора данных (Run-II) были получены новые значения ограничений величин, в результате использования которых чувствительность установки увеличилась на 10%
- 3. Была предложена и реализована схема повторного анализа полной статистики эксперимента Е391а, которая представляет собой интеграцию разработанных независимо друг от друга методов. В результате вычислений был получен новый оптимизированный набор ограничений величин для отбора событий, применение которого позволило увеличить чувствительность установки к распаду на 65%, при этом общий вклад фоновых событий в сигнальную область остался на том же уровне что и в результате финального анализа данных.

## Список публикаций по теме диссертации

- 1. Method for selection cut optimization for the E391 Experiment veto system / Podolsky S.V., Kurilin A.S., Stepanenko Y.Y. // The 11th Small Triangle Meeting, (Kysak, September 20-23, 2009) Kosice, 2010. 120 P.
- 2. Восстановление массы pi0 в событиях  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$  эксперимента E391 / Степаненко Ю. Ю., Подольский С.В., Курилин А. С. // Труды XIV научной конференции молодых ученых и специалистов ОИЯИ (Дубна, 1-6 февраля 2010) Дубна, 2010. Р. 118-121.
- 3. Search for  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$  decay (experiments E391, KLOD, E14) / Kurilin A., Podolsky S., Stepanenko Y. et al. // Proceedings of International School-Seminar: Actual problems of microworld physics (Gomel, Belarus, July 15-26, 2009) Dubna, 2011.- Vol. 1. P. 45-48.
- 4. Некоторые особенности методики повторного анализа данных эксперимента Е391 / Степаненко Ю. Ю., Курилин А. С., Подольский С.В. и др. // «Гомельский научный семинар по теоретической физике, посвященный 100-летию со дня рождения Ф. И. Федорова» (20–22 июня 2011 г.): [материалы] / редкол.: А. В. Рогачев (гл. ред.) [и др.]. Гомель: ГГУ им. Ф. Скорины, 2011. С. 193-197.
- 5. New method for the cuts threshold optimization in the E391 experiment: conception and current implementation / N. V. Maksimenko et. al. // Проблемы физики, математики и техники. 2010. №3. P. 22–24.
- 6. Experimental study of the decay  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$  / J.K. Ahn et al. (E391a collaboration) // Phys. Rev. D. 2010. Vol. 81. P. 072004.
- 7. Method for reconstructing of direction of gamma quanta registered by the CsI calorimeter in E391 experiment / Kurilin A. S., Podolsky S. V., Stepanenko Yu. Yu. // Physics of Particles and Nuclei Letters. 2011. Vol. 8., No.1 P. 46–49.
- 8. Новые методы анализа данных в эксперименте E391 // Подольский С. В., Курилин А. С., Степаненко Ю. Ю. // Письма в ЭЧАЯ. 2011. Т. 8, №5(168) С. 833-836.
- 9. Increase in the detection efficiency for the  $K_L^0 \to \pi^0 \nu \tilde{\nu}$  decay in the E391 experiment / Stepanenko Yu. Yu., Podolsky S.V., Kurilin A. S. // Physics of Particles and Nuclei Letters. 2017. Vol. 14, No. 6 P. 168–174.

## Спасибо за внимание!

## Основные положения, выносимые на защиту

- Модернизация и доработка метода восстановления угла попадания γквантов в главный CsI-калориметр установки E391a с использованием обобщённо-регрессионной нейронной сети (GRNN - Generalized Regression Neural Network).
- Процедура восстановления вершины распада и эффективной массы распавшейся частицы  $X \to \gamma \gamma$  на основе информации о восстановленных углах попадания  $\gamma$ -квантов в калориметр установки.
- Метод автоматической оптимизации критериев отбора событий в эксперименте E391a, основанный на применении генетического программирования.
- Повторный анализ данных эксперимента E391a с использованием методов восстановления угла попадания γ-кванта в калориметр при помощи нейронной сети и автоматической оптимизации критериев отбора событий на основе генетических алгоритмов.

## Восстановление кинематики распада

$$dz = Z_{CSI} - Z_{vtx}.$$

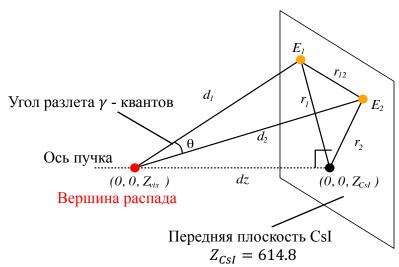
$$r_{12}^2 = d_1^2 + d_2^2 - 2d_1d_2cos\theta,$$

$$d_1 = \sqrt{r_1^2 + (dz)^2}$$

$$d_2 = \sqrt{r_2^2 + (dz)^2}$$

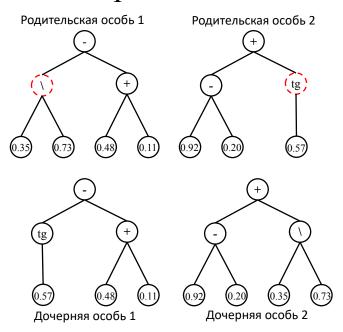
$$\cos\theta = 1 - \frac{M_{\pi^0}^2}{2E_1 E_2}$$

$$P_{T} = \sqrt{(P_{x}^{\pi^{0}})^{2} + (P_{y}^{\pi^{0}})^{2}}$$



## Генетические операторы

### Скрещивание



## Мутация

